

# آشنایی با مشخصه های تفاضلی ناممکن و همبستگی صفر

صادق صادقی

دانشگاه خوارزمی

پاییز ۹۸

## مشخصه تفاضلی ناممکن

روش فقدان در میانه

روش ماتریسی

## مشخصه همبستگی صفر

روش فقدان در میانه

روش ماتریسی

## حمله تفاضلی

مشخصه تفاضلی ناممکن

روش فقدان در میانه

روش ماتریسی

## حمله خطی

مشخصه همبستگی صفر

روش فقدان در میانه

روش ماتریسی

## حمله تفاضلی



E. Biham and A. Shamir

Differential cryptanalysis of DES-like cryptosystems.  
CRYPTOLOGY, 1991. 4(1): p. 3-72

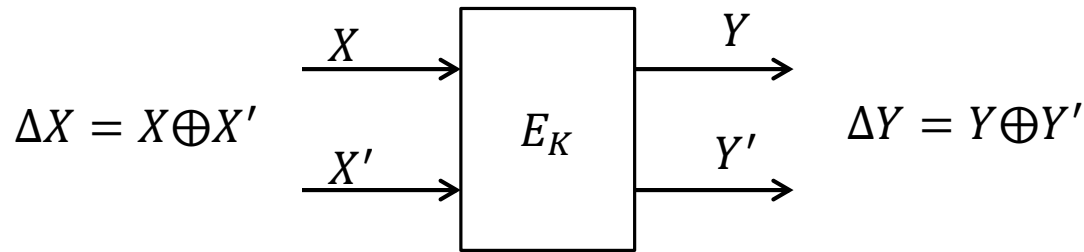


E. Biham and A. Shamir

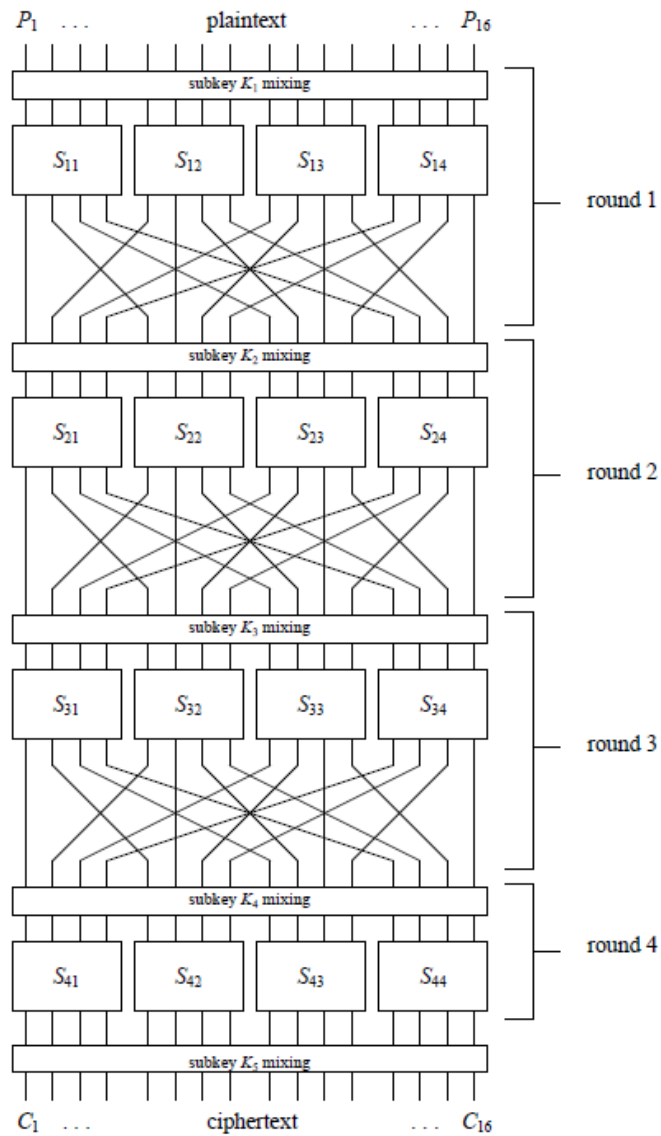
Differential cryptanalysis of the data *encryption standard*..  
Springer, Berlin, 1993.

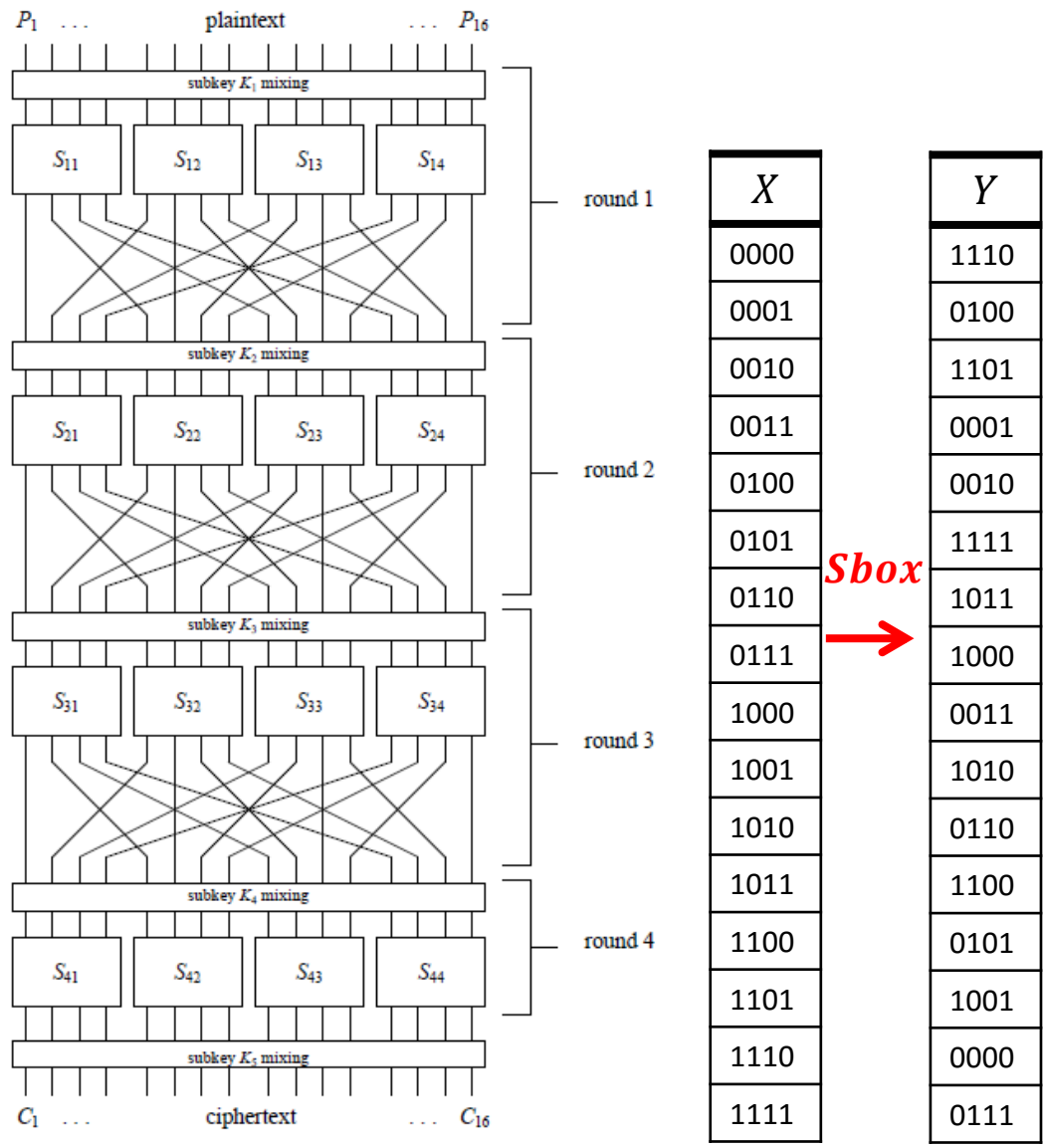
تغییرات بین دو ورودی از متن اصلی (حتی به اندازه یک بیت) چگونه بر روی خروجی رمز شده تاثیر می-گذارد و نتیجه رمز شده این دو متن به چه اندازه با یکدیگر اختلاف دارند.

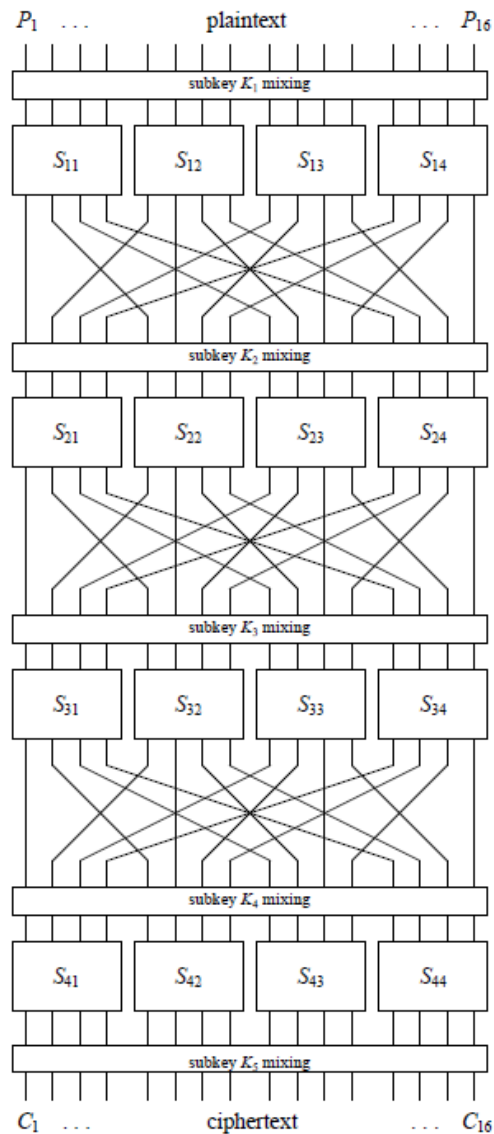
$$E_K: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$



$$\Delta X \xrightarrow{p} \Delta Y \xrightarrow{\quad} N_D \approx \frac{c}{p}$$





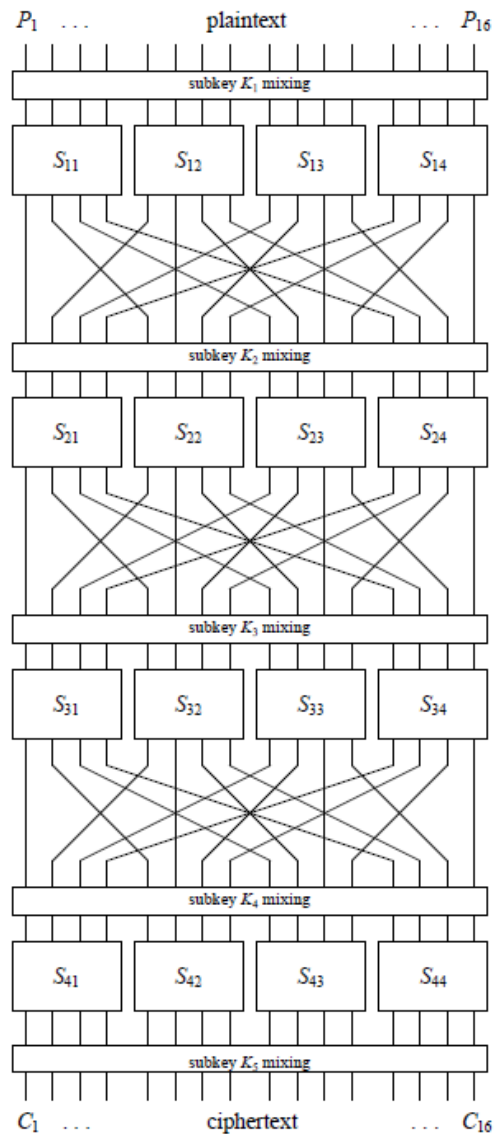


$$\Delta X = 1000 \longrightarrow \Delta Y = 1011$$

$X$	$Y$
0000	1110
0001	0100
0010	1101
0011	0001
0100	0010
0101	1111
0110	1011
0111	1000
1000	0011
1001	1010
1010	0110
1011	1100
1100	0101
1101	1001
1110	0000
1111	0111

*Sbox* →





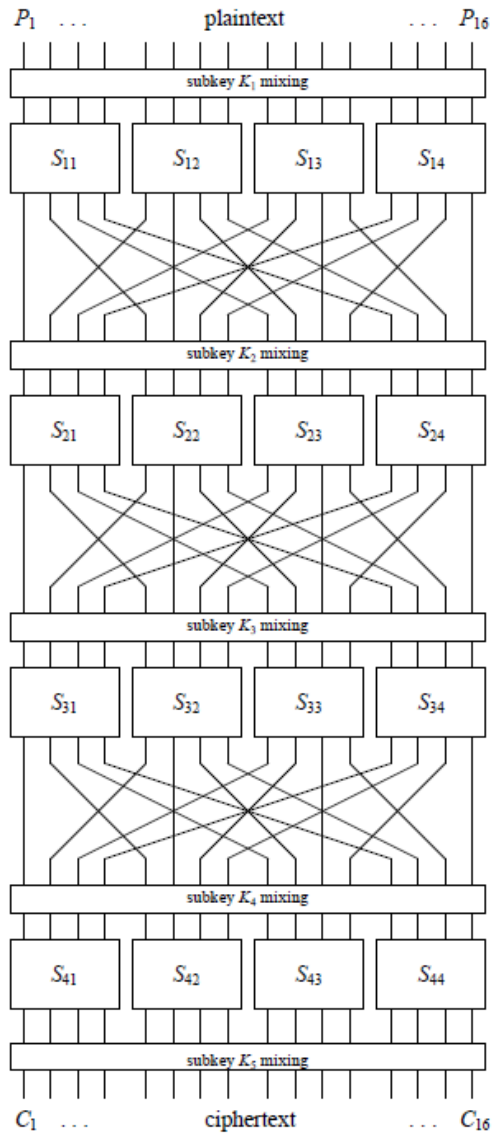
$$\Delta X = 1000 \longrightarrow \Delta Y = 1011$$

$X$
0000
0001
0010
0011
0100
0101
0110
0111
1000
1001
1010
1011
1100
1101
1110
1111

**Sbox**  $\rightarrow$

$Y$
1110
0100
1101
0001
0010
1111
1011
1000
0011
1010
0110
1100
0101
1001
0000
0111

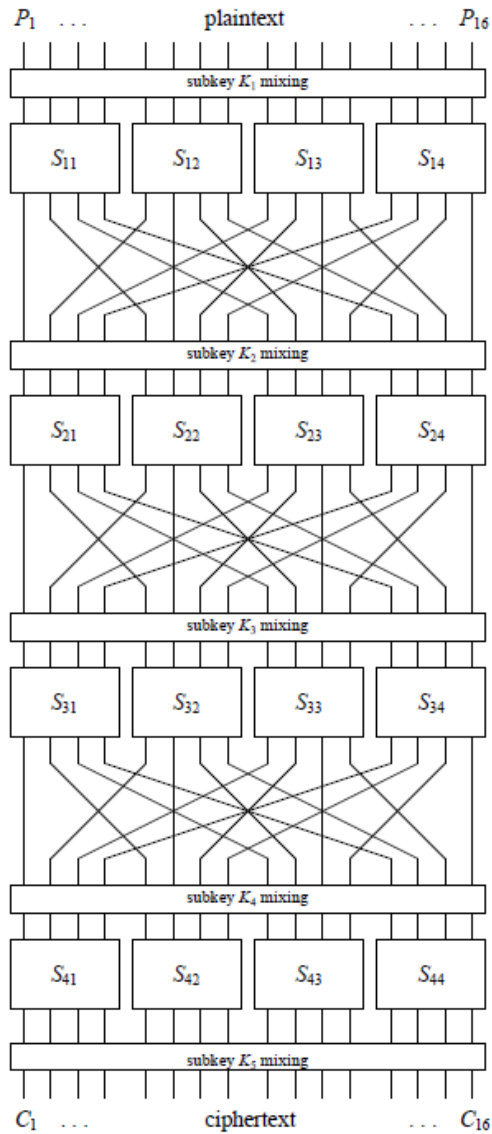
$X'$
1000
1001
1010
1011
1100
1101
1110
1111
0000
0001
0010
0011
0100
0101
0110
0111



$$\Delta X = 1000 \longrightarrow \Delta Y = 1011$$

	$X$	$Y$	$X'$	$Y'$
	0000	1110	1000	0011
	0001	0100	1001	1010
	0010	1101	1010	0110
	0011	0001	1011	1100
	0100	0010	1100	0101
	0101	1111	1101	1001
	0110	1011	1110	0000
	0111	1000	1111	0111
	1000	0011	0000	1110
	1001	1010	0001	0100
	1010	0110	0010	1101
	1011	1100	0011	0001
	1100	0101	0100	0010
	1101	1001	0101	1111
	1110	0000	0110	1011
	1111	0111	0111	1000

Red arrows labeled *Sbox* point from the 7th row of  $X$  to  $Y$  and from the 7th row of  $X'$  to  $Y'$ .

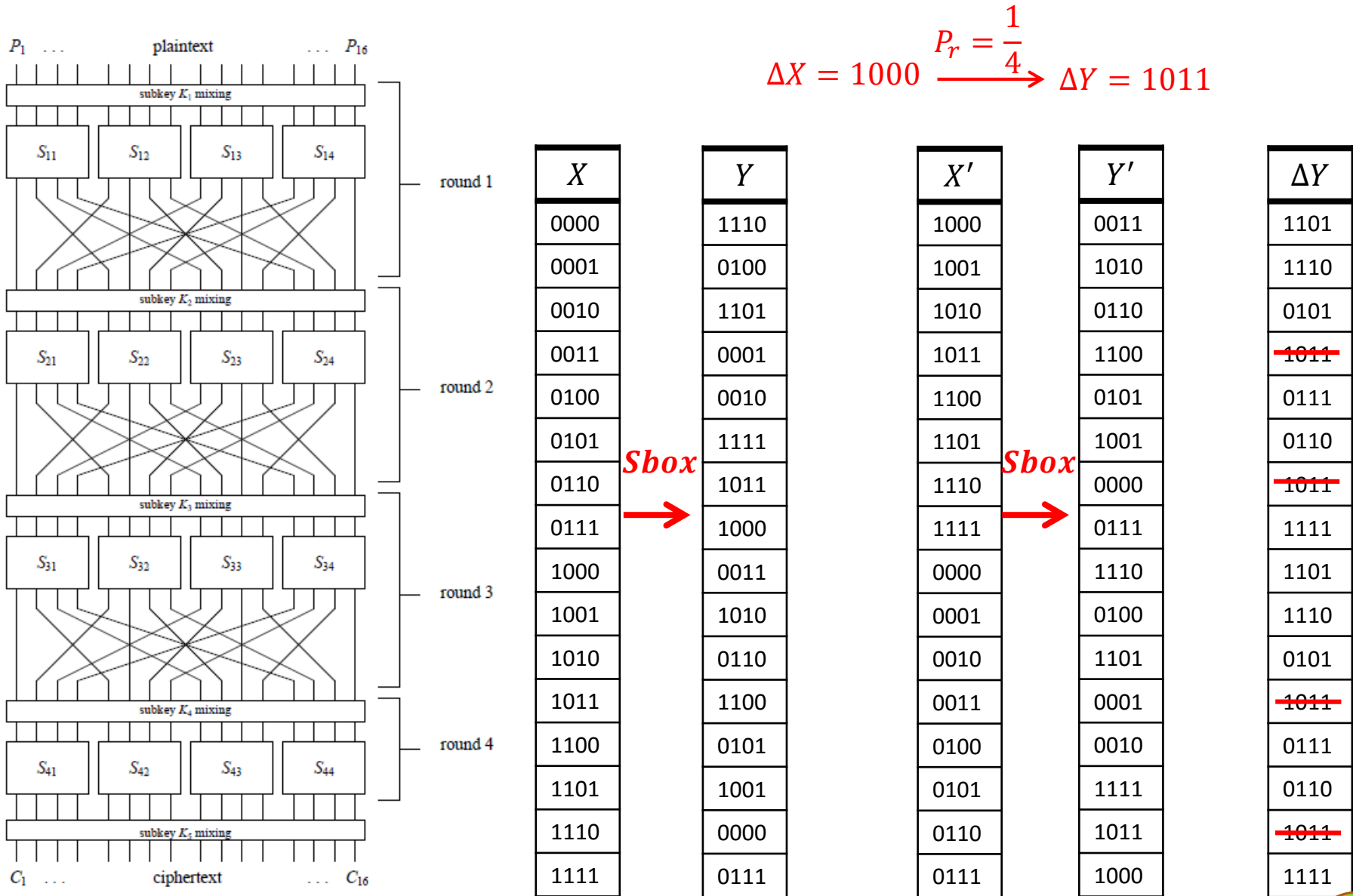


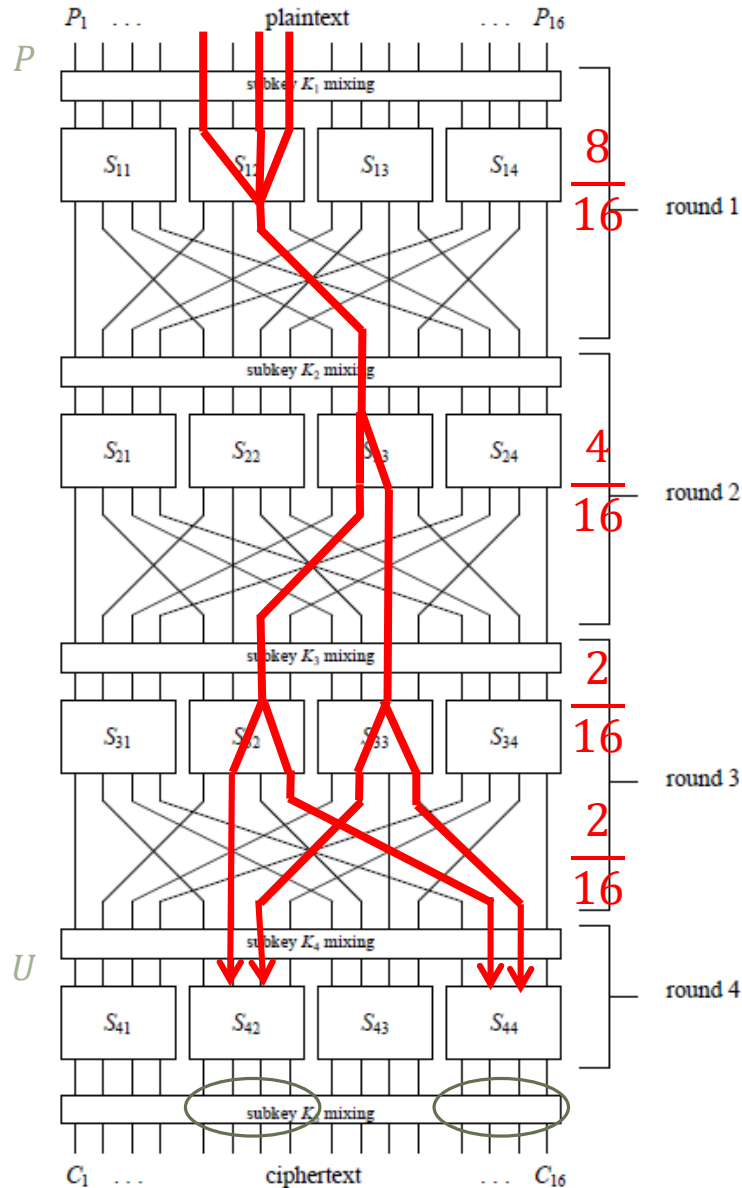
$$\Delta X = 1000 \longrightarrow \Delta Y = 1011$$

	$X$	$Y$	$X'$	$Y'$	$\Delta Y$
	0000	1110	1000	0011	1101
	0001	0100	1001	1010	1110
	0010	1101	1010	0110	0101
	0011	0001	1011	1100	1011
	0100	0010	1100	0101	0111
	0101	1111	1101	1001	0110
	0110	1011	1110	0000	1011
	0111	1000	1111	0111	1111
	1000	0011	0000	1110	1101
	1001	1010	0001	0100	1110
	1010	0110	0010	1101	0101
	1011	1100	0011	0001	1011
	1100	0101	0100	0010	0111
	1101	1001	0101	1111	0110
	1110	0000	0110	1011	1011
	1111	0111	0111	1000	1111

*Sbox* →

*Sbox* →





$$\Delta P = [0000\ 1011\ 0000\ 0000]$$

$$P_r = 2^{-9}$$

$$\Delta U = [0000\ 0110\ 0000\ 0110]$$

## حمله تفاضلی ناممکن



**Biham, Eli, Alex Biryukov, and Adi Shamir.**

Cryptanalysis of Skipjack reduced to 31 rounds using impossible differentials.  
International Conference on the Theory and Applications of Cryptographic  
Techniques. Springer, Berlin, Heidelberg, 1999.



**Knudsen, Lars.**

DEAL-a 128-bit block cipher.  
Complexity 258.2 (1998): 216.

هدف جستجو برای طولانی‌ترین مشخصه تفاضلی با احتمال صفر

هدف جستجو برای طولانی‌ترین مشخصه تفاضلی با احتمال صفر

روش فقدان در میانه

تعیین تفاضل ورودی

پیشرو



تناقص

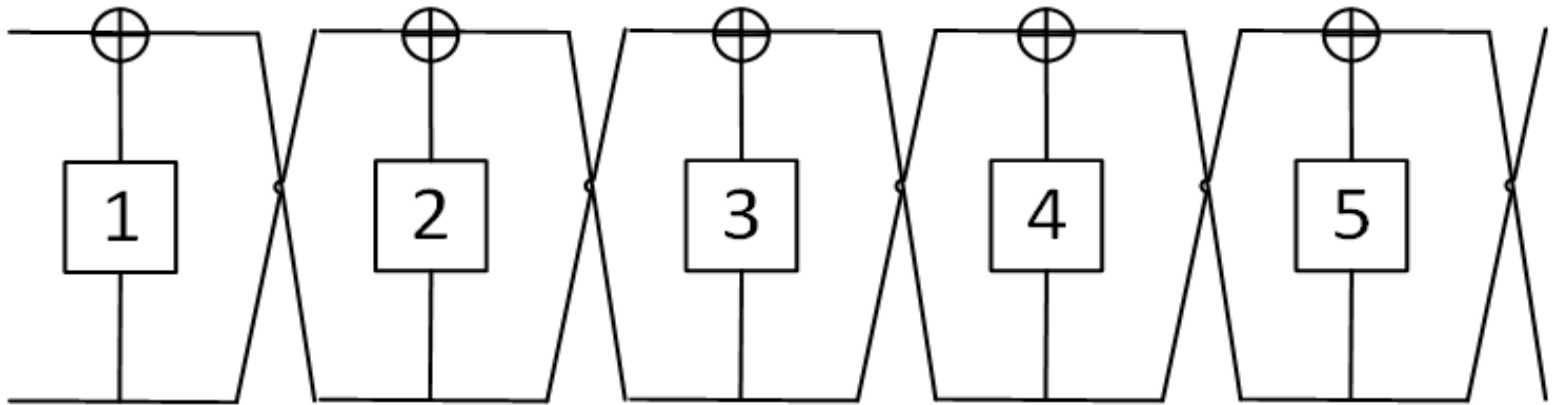
پسرو

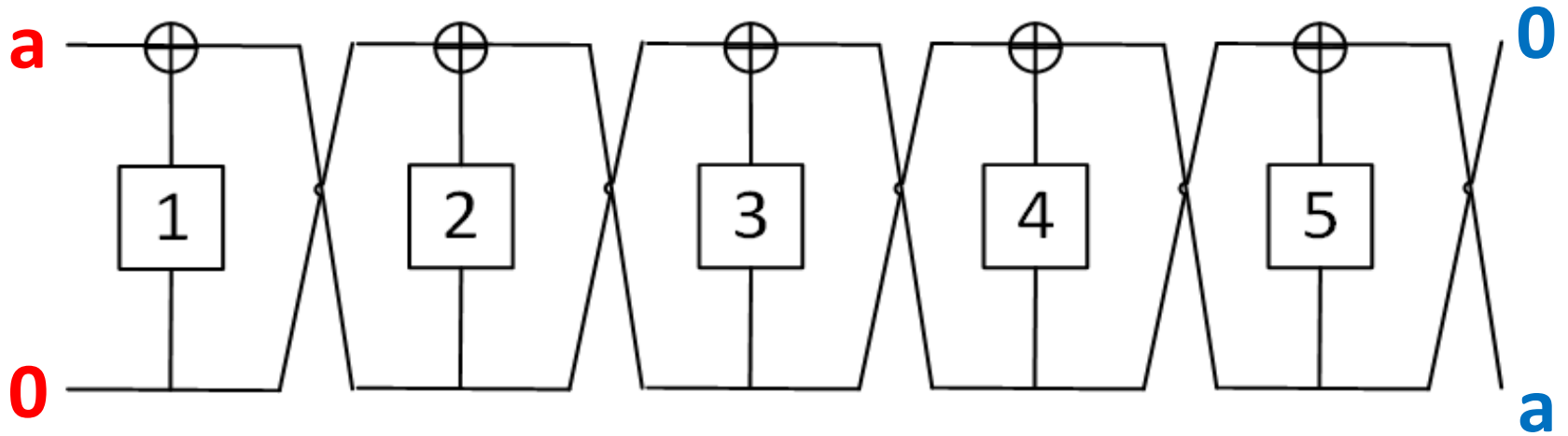


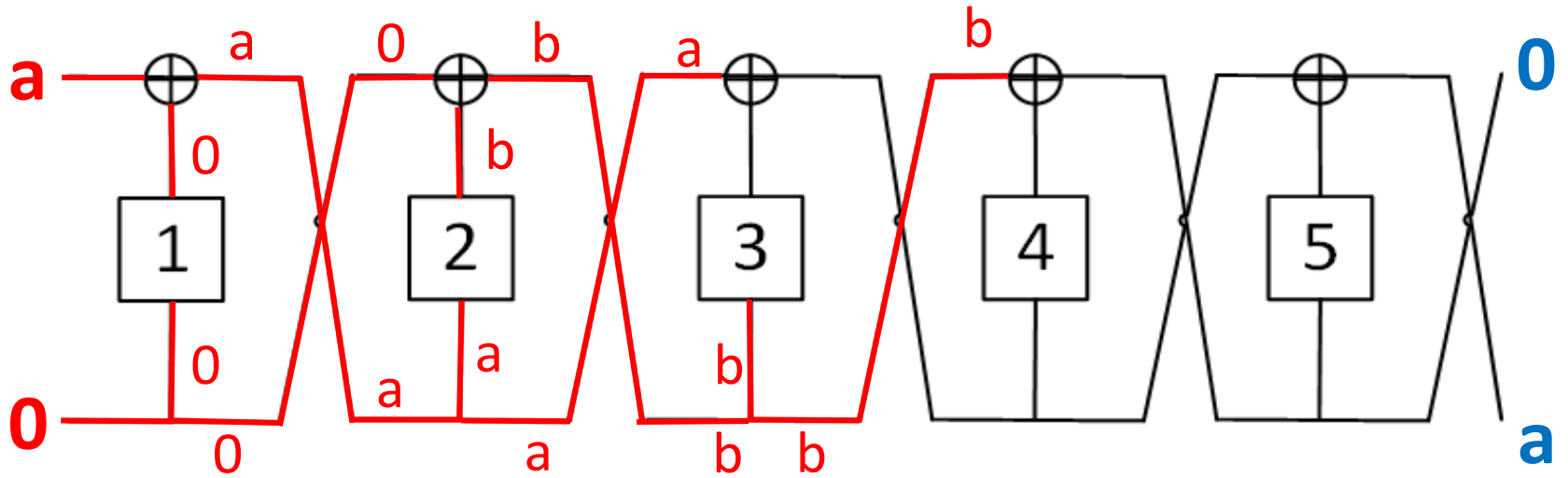
تعیین تفاضل خروجی

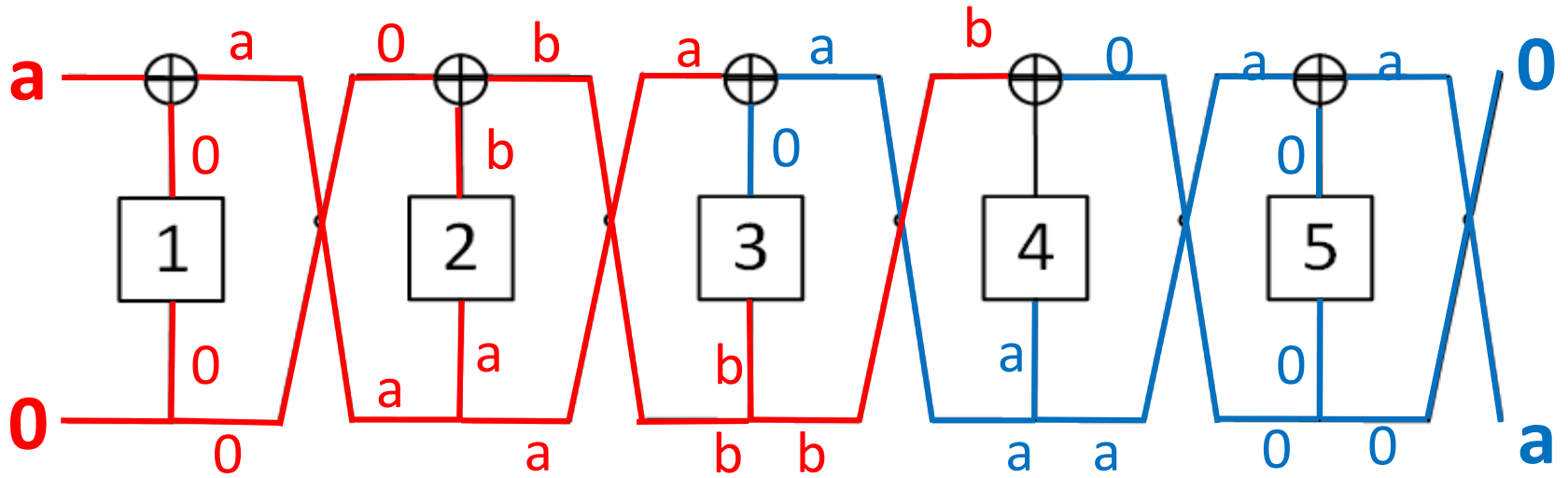
Biham, et al., *Miss in the Middle Attacks on IDEA and Khufu*. International Workshop on Fast Software Encryption. Springer Berlin Heidelberg, 1999.

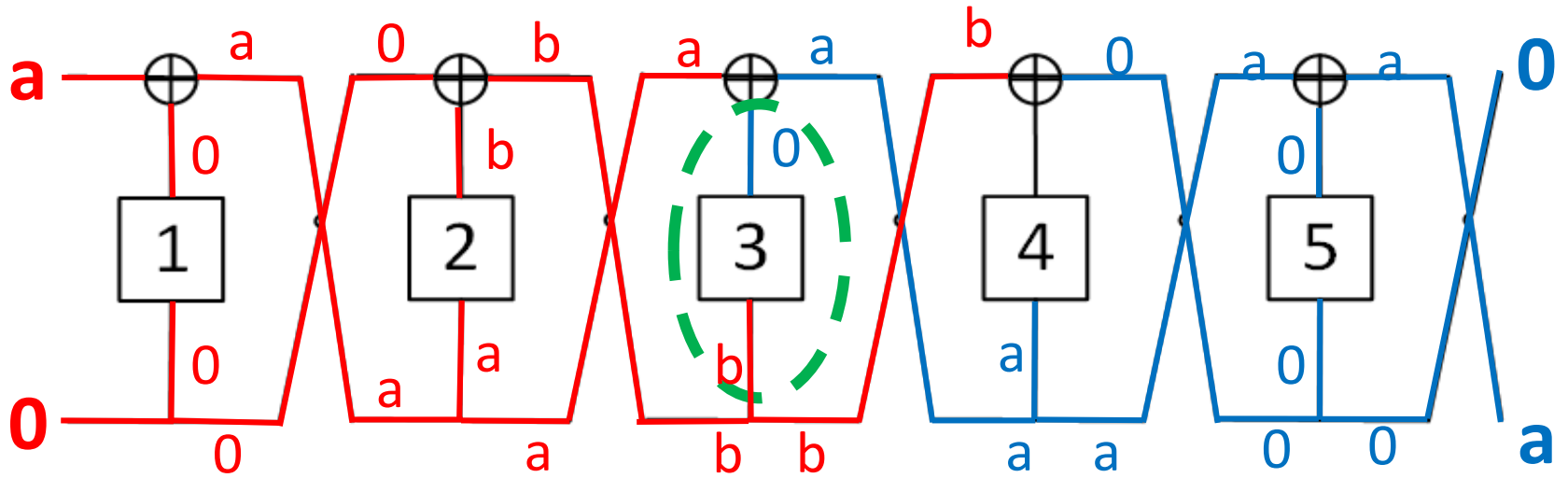






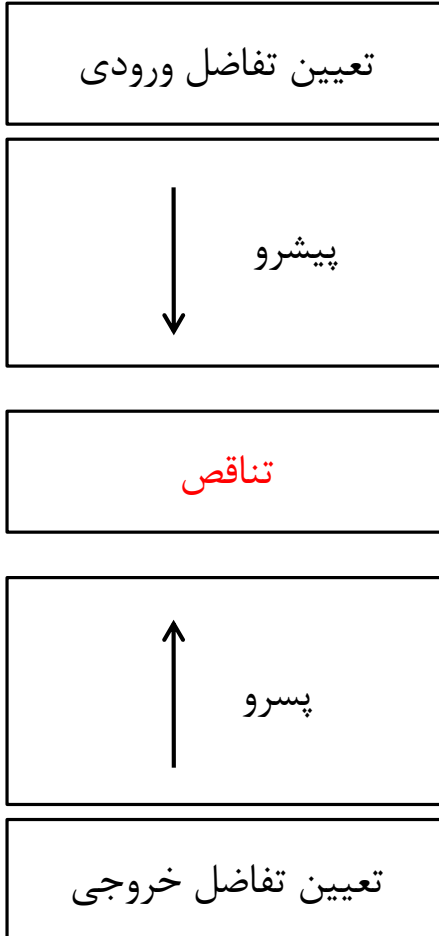






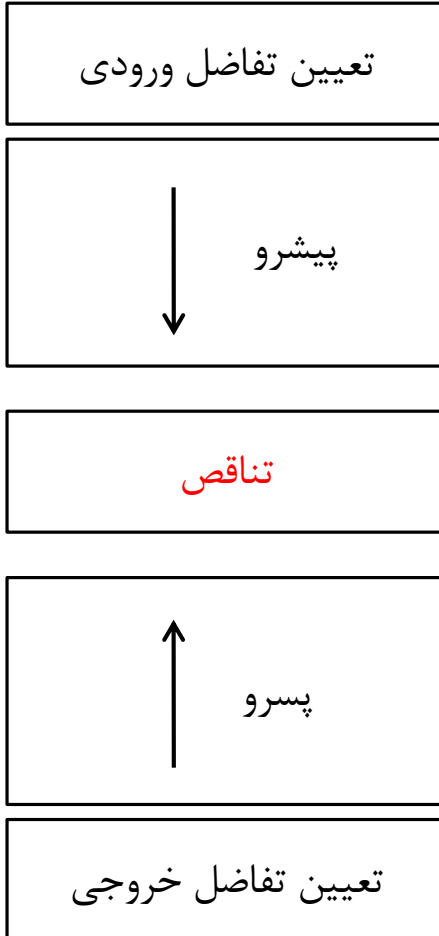
هدف جستجو برای طولانی‌ترین مشخصه تفاضلی با احتمال صفر

روش فقدان در میانه



Biham, et al., *Miss in the Middle Attacks on IDEA and Khufu*. International Workshop on Fast Software Encryption. Springer Berlin Heidelberg, 1999.

هدف جستجو برای طولانی‌ترین مشخصه تفاضلی با احتمال صفر



روش فقدان در میانه

Biham, et al., *Miss in the Middle Attacks on IDEA and Khufu*. International Workshop on Fast Software Encryption. Springer Berlin Heidelberg, 1999.

روش ماتریسی

Kim, J., S. Hong, and J. Lim, *Impossible differential cryptanalysis using matrix method*. Discrete Mathematics, 2010. **310**(5): p. 988-1002

روش UID

Luo, Y., et al., A unified method for finding impossible differentials of block cipher structures. Information Sciences, 2014. 263: p. 211-220

روش وو-وانگ

Wu, S. and M. Wang. Automatic search of truncated impossible differentials for word-oriented block ciphers. in International Conference on Cryptology in India. 2012. Springer





تعریف انواع تفاضل	
<b>0</b>	تفاضل صفر
<b><math>l_i</math></b>	تفاضل ثابت و غیر صفر
<b><math>m_i</math></b>	تفاضل دلخواه و غیر صفر
<b><math>r_i</math></b>	تفاضل دلخواه

فرض کنید ساختار رمز قالبی  $S$  دارای  $n$  زیرقالب باشد و بردار  $U = (u_1, \dots, u_n)$  بردار تفاضل ورودی باشد

**تعریف:** دو بردار تفاضلی  $U = (u_1, \dots, u_n)$  و  $V = (v_1, \dots, v_n)$  ناسازگار هستند اگر یک زیرمجموعه  $I \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$  وجود داشته باشد به طوری که

$$\bigoplus_{i \in I} u_i \neq \bigoplus_{i \in I} v_i$$

فرض کنید ساختار رمز قالبی  $S$  دارای  $n$  زیرقالب باشد و بردار  $U = (u_1, \dots, u_n)$  بردار تفاضل ورودی باشد

**تعریف:** دو بردار تفاضلی  $U = (u_1, \dots, u_n)$  و  $V = (v_1, \dots, v_n)$  ناسازگار هستند اگر یک زیرمجموعه  $I \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$  وجود داشته باشد به طوری که

$$\bigoplus_{i \in I} u_i \neq \bigoplus_{i \in I} v_i$$

**مثال** (بردارهای تفاضلی ناسازگار)

$$U = (l_1 \oplus m_1, 0)$$



$$l_1 \oplus m_1 \neq l_1$$

$$V = (l_1, 0)$$

فرض کنید ساختار رمز قالبی  $S$  دارای  $n$  زیرقالب باشد و بردار  $U = (u_1, \dots, u_n)$  بردار تفاضل ورودی باشد

**تعریف:** دو بردار تفاضلی  $U = (u_1, \dots, u_n)$  و  $V = (v_1, \dots, v_n)$  ناسازگار هستند اگر یک زیرمجموعه  $I \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$  وجود داشته باشد به طوری که

$$\bigoplus_{i \in I} u_i \neq \bigoplus_{i \in I} v_i$$

**مثال** (بردارهای تفاضلی ناسازگار)

$$U = (l_1 \oplus m_1, 0)$$



$$l_1 \oplus m_1 \neq l_1$$

$$V = (l_1, 0)$$

$$U = (u_1, u_2) = (l_1, l_1 \oplus m_1)$$



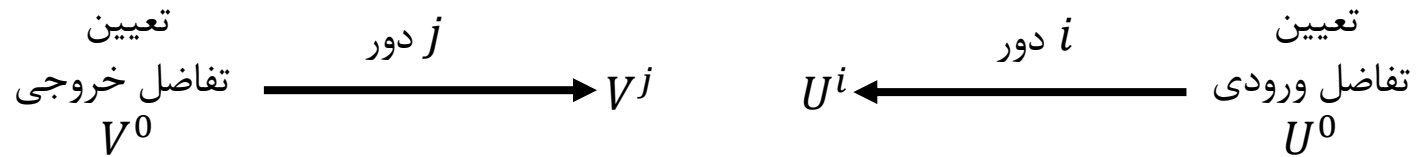
$$u_1 \oplus u_2 = m_1$$

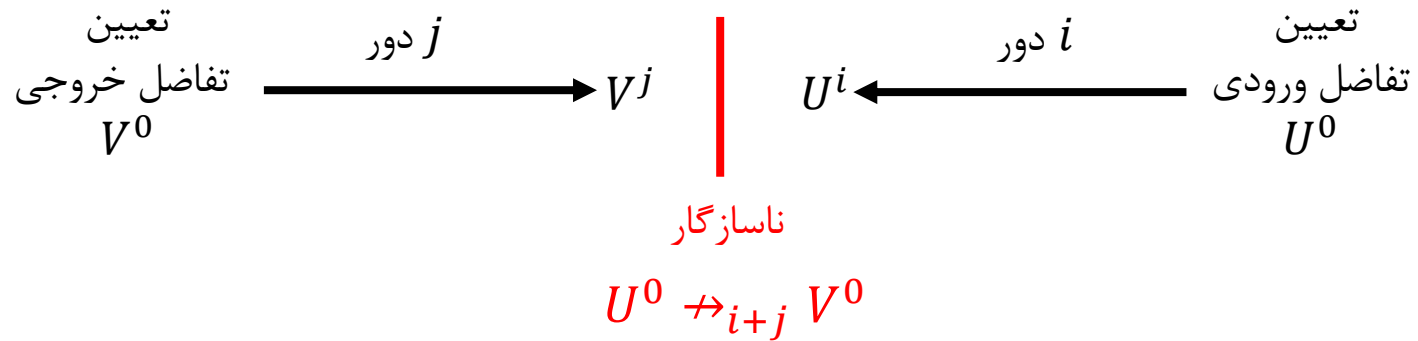
$$V = (v_1, v_2) = (m_2, m_2)$$

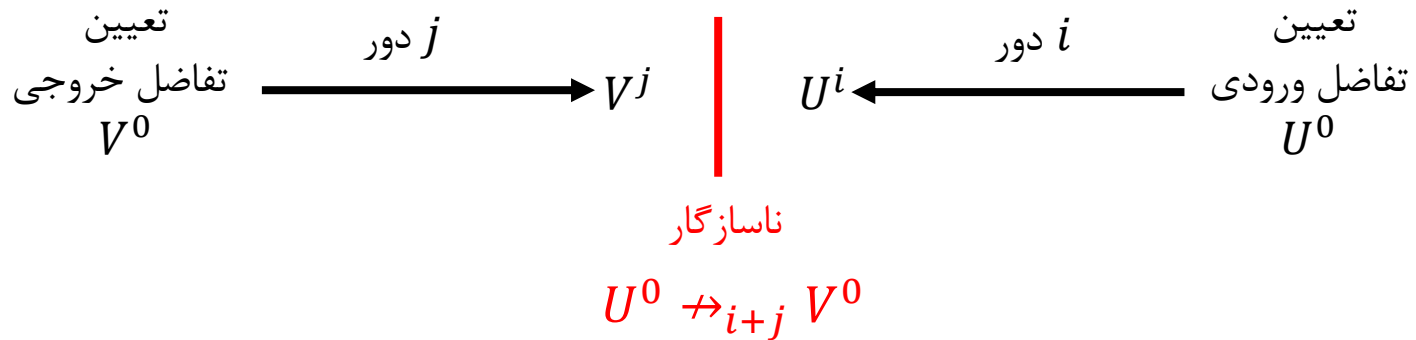
$$v_1 \oplus v_2 = 0$$

تعیین  
تفاضل خروجی  
 $V^0$

تعیین  
تفاضل ورودی  
 $U^0$





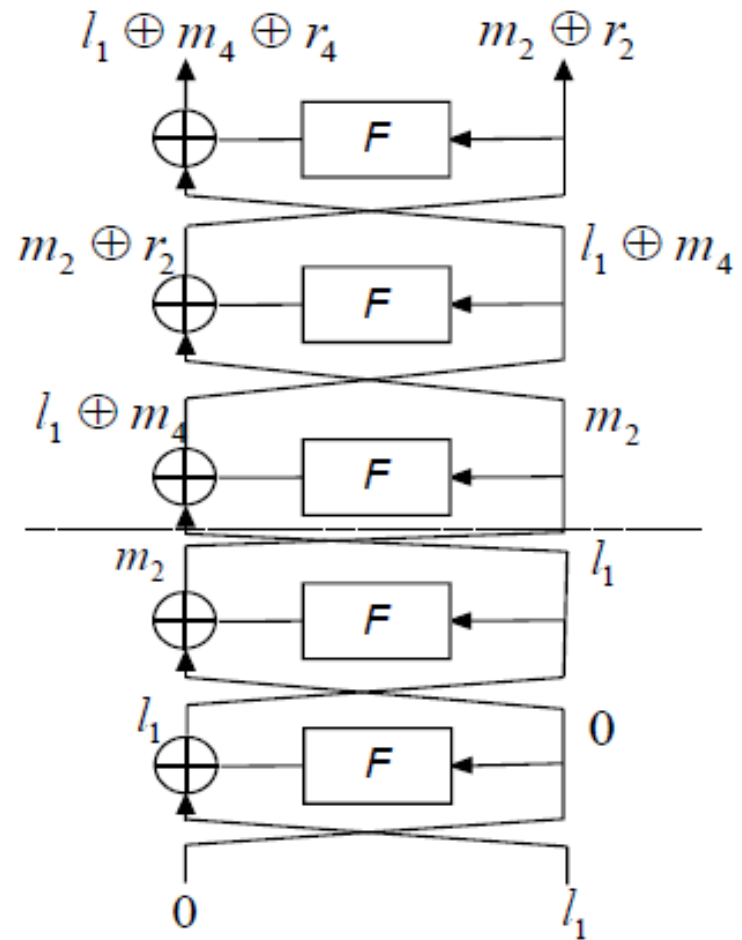
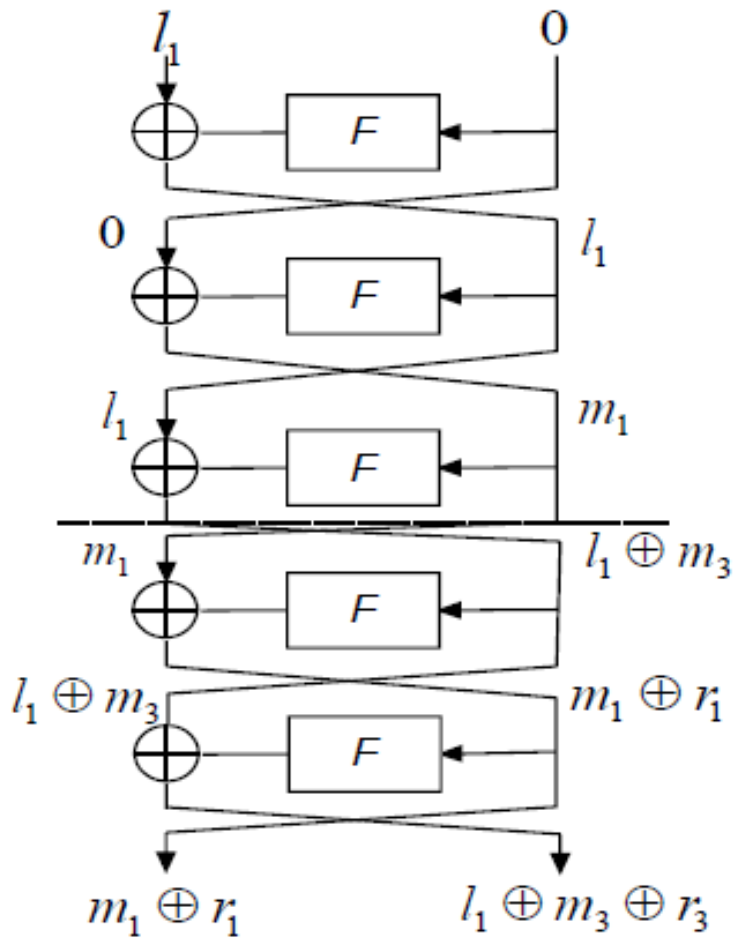


انتقال	ورودی	خروجی
0	$x \in \{0, l_i, m_i, r_i\}$	0
1	$x \in \{0, l_i, m_i, r_i\}$	$x$
F	0	0
	$l_i$	$m_j$
	$m_i$	$m_j$
	در غیر اینصورت	$r_j$



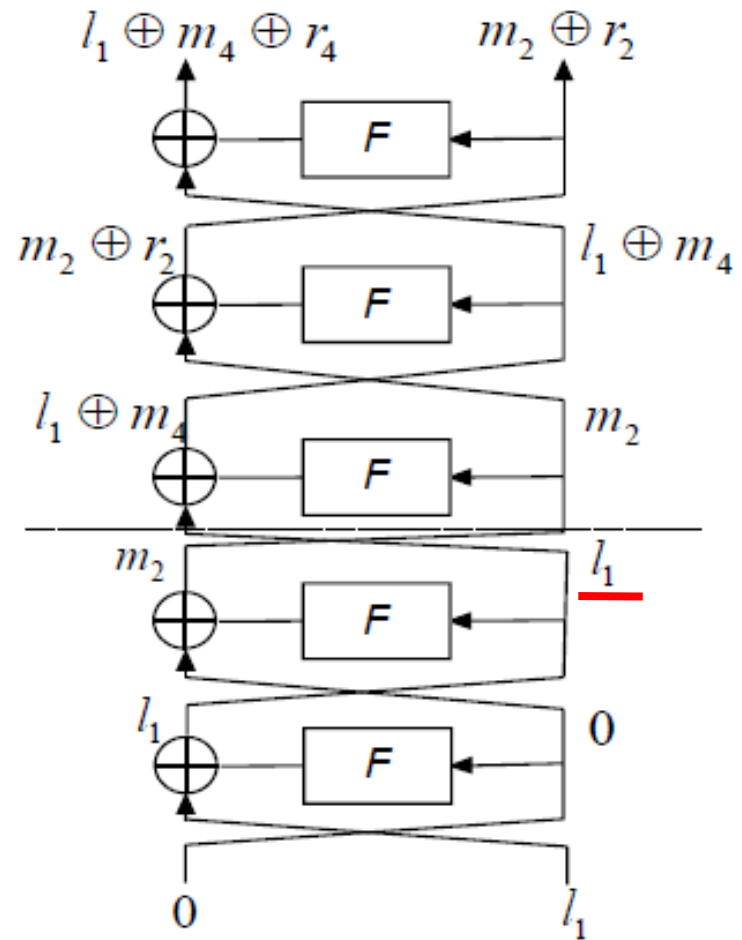
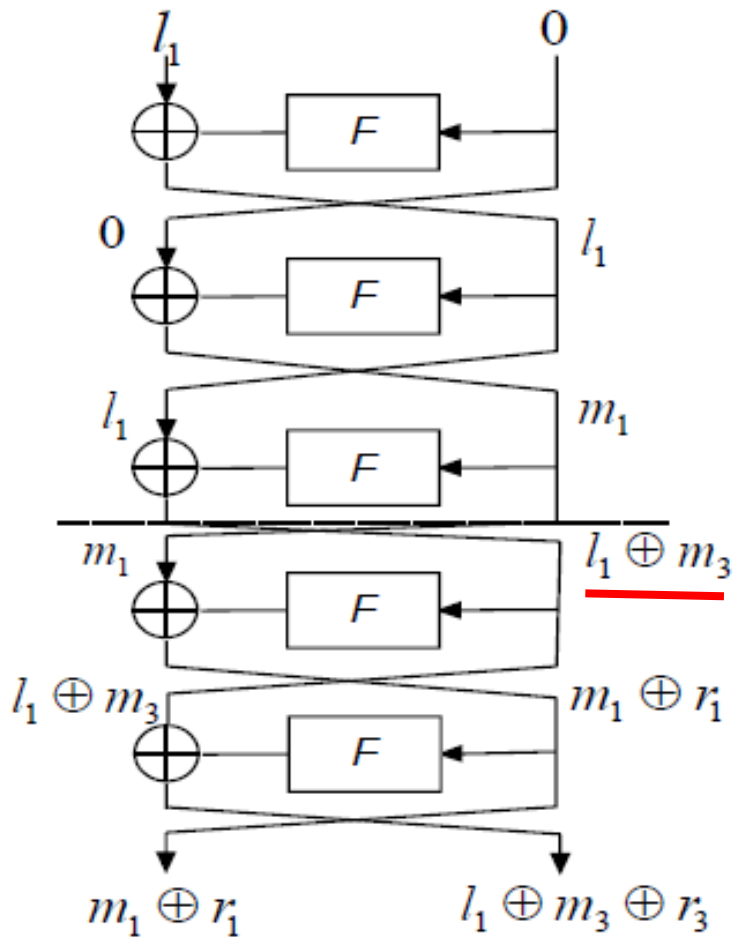
$$U^0 = (l_1, 0) \rightarrow_5 V^0 = (0, l_1)$$

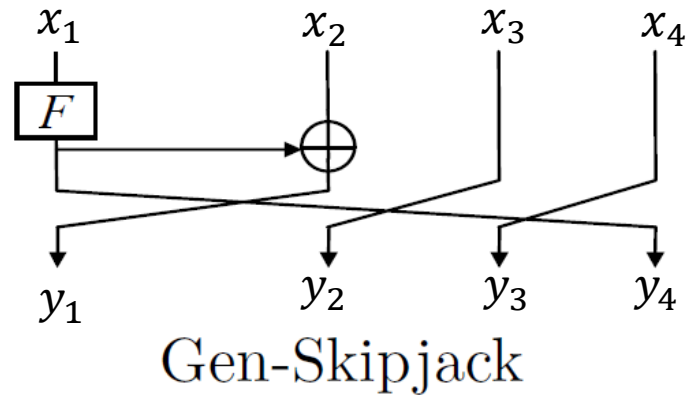
یک مشخصه تفاضلی ناممکن ۵ دوری از ساختارهای فیستلی



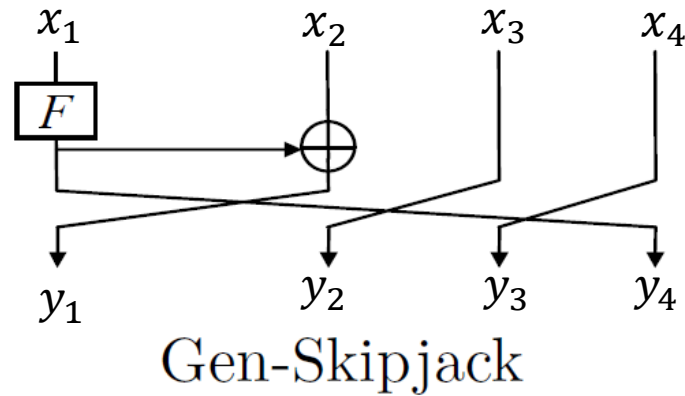
$$U^0 = (l_1, 0) \rightarrow_5 V^0 = (0, l_1)$$

یک مشخصه تفاضلی ناممکن ۵ دوری از ساختارهای فیستلی





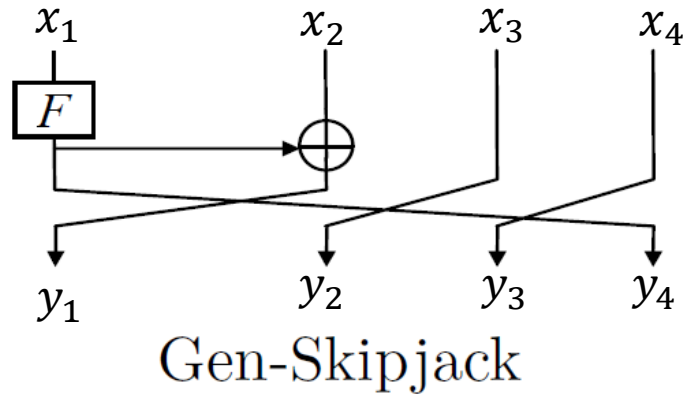
$$(y_1, y_2, y_3, y_4) = (F(x_1) \oplus x_2, x_3, x_4, F(x_1))$$



$$(y_1, y_2, y_3, y_4) = (F(x_1) \oplus x_2, x_3, x_4, F(x_1))$$

$$\mathcal{E} = \begin{matrix} & y_1 & y_2 & y_3 & y_4 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{matrix} & \begin{pmatrix} \mathbb{F} & 0 & 0 & \mathbb{F} \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

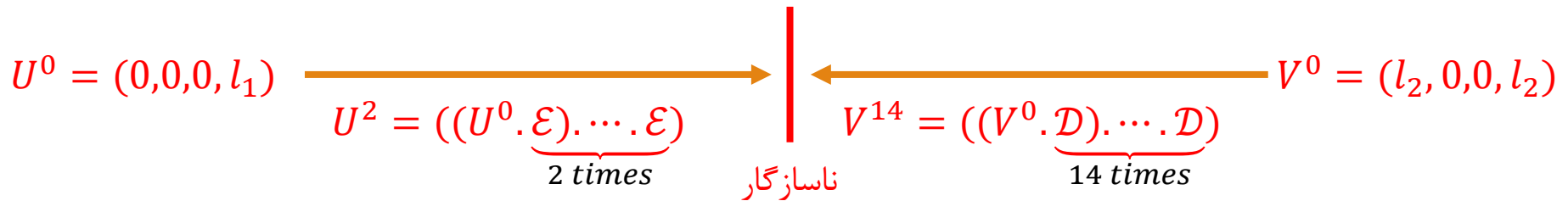
$$\mathcal{D} = \begin{matrix} & x_1 & x_2 & x_3 & x_4 \\ \begin{matrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \end{matrix} & \begin{pmatrix} \mathbf{0} & 1 & 0 & \mathbf{0} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ \mathbb{F} & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$



$$(y_1, y_2, y_3, y_4) = (F(x_1) \oplus x_2, x_3, x_4, F(x_1))$$

$$\mathcal{E} = \begin{matrix} & y_1 & y_2 & y_3 & y_4 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{matrix} & \begin{pmatrix} \mathbb{F} & 0 & 0 & \mathbb{F} \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$\mathcal{D} = \begin{matrix} & x_1 & x_2 & x_3 & x_4 \\ \begin{matrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ \mathbb{F} & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

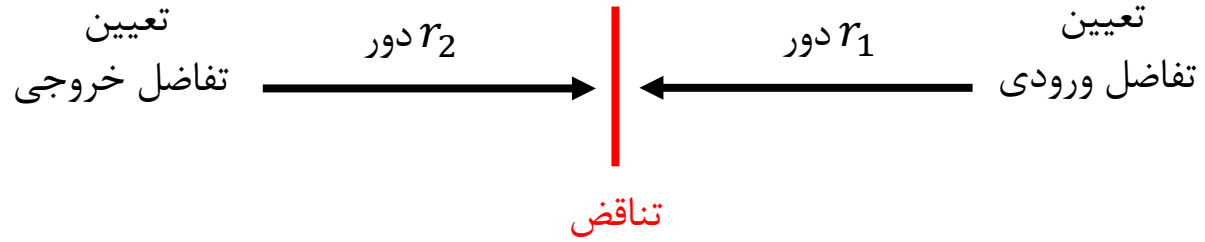


R	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
0 ↓	0	0	0	$l_1$
1	0	0	$l_1$	0
2	0	$l_1$	0	0
14	$m_7$	$m_1 \oplus m_6$	$m_4 \oplus r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$
13	$m_6$	$m_4 \oplus r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$	$m_1$
12	$r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$	$m_1$	$m_4$
11	$m_5$	$m_1$	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$
10	0	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$	$m_1$
9	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$	$m_1$	0
8	$m_3$	$m_1$	0	$m_2$
7	0	0	$m_2$	$m_1$
6	0	$m_2$	$m_1$	0
5	$m_2$	$m_1$	0	0
4	0	0	0	$m_1$
3	0	0	$m_1$	0
2	0	$m_1$	0	0
1	$m_1$	0	0	0
0 ↑	$l_2$	0	0	$l_2$

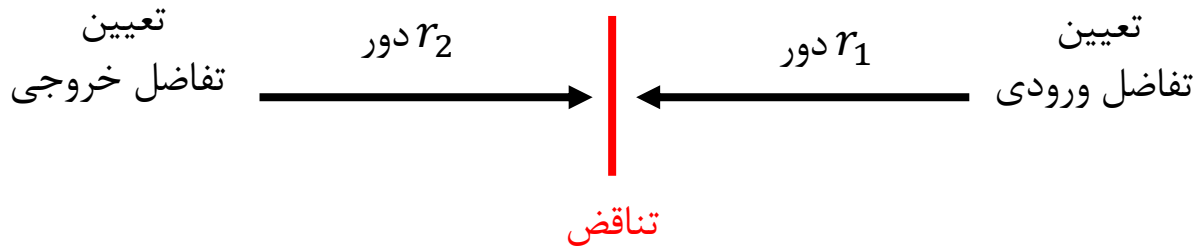
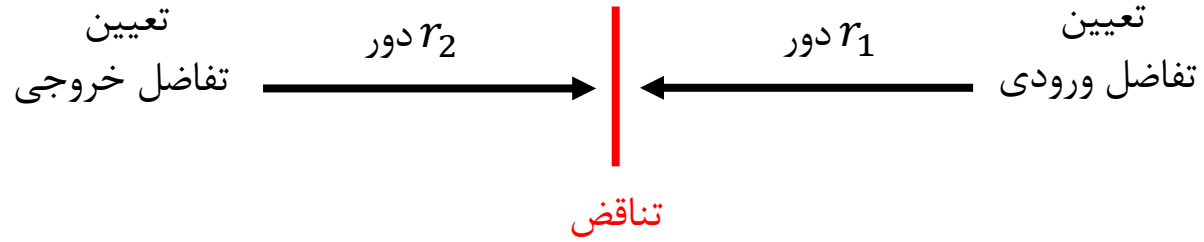


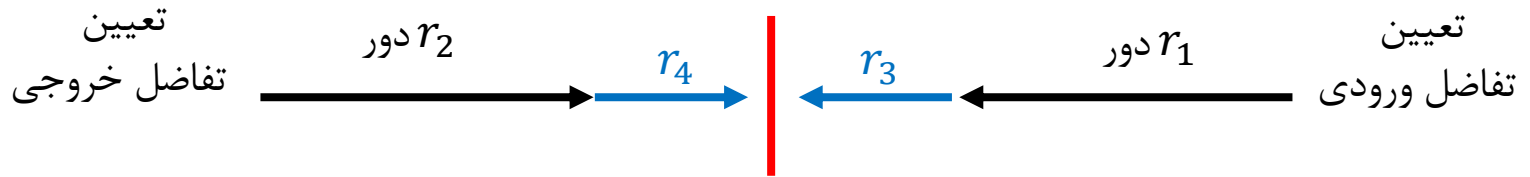
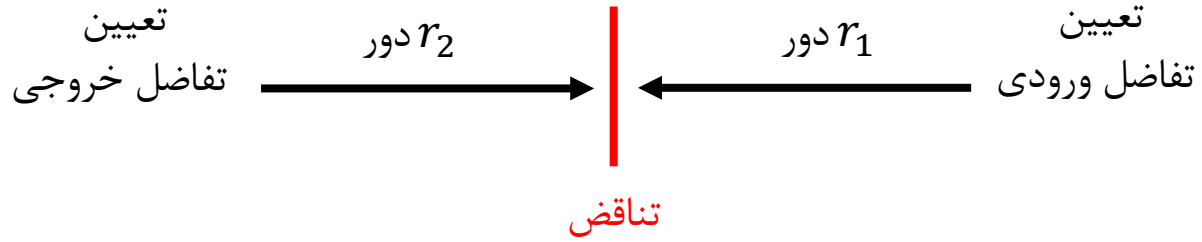
R	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
0 ↓	0	0	0	$l_1$
1	0	0	$l_1$	0
2	0	$l_1$	0	0
14	$m_7$	$m_1 \oplus m_6$	$m_4 \oplus r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$
13	$m_6$	$m_4 \oplus r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$	$m_1$
12	$r_1$	$m_2 \oplus m_3 \oplus m_5$	$m_1$	$m_4$
11	$m_5$	$m_1$	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$
10	0	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$	$m_1$
9	$m_4$	$m_2 \oplus m_3$	$m_1$	0
8	$m_3$	$m_1$	0	$m_2$
7	0	0	$m_2$	$m_1$
6	0	$m_2$	$m_1$	0
5	$m_2$	$m_1$	0	0
4	0	0	0	$m_1$
3	0	0	$m_1$	0
2	0	$m_1$	0	0
1	$m_1$	0	0	0
0 ↑	$l_2$	0	0	$l_2$

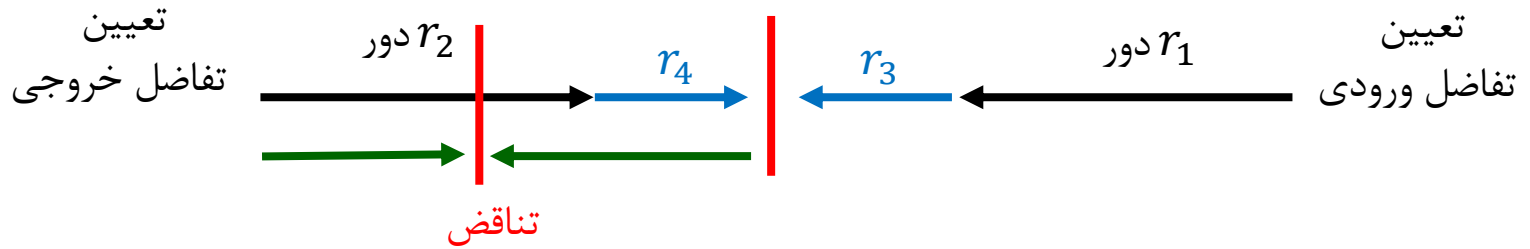
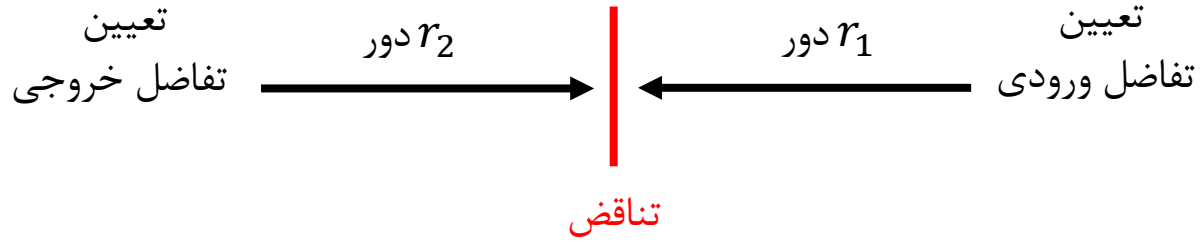






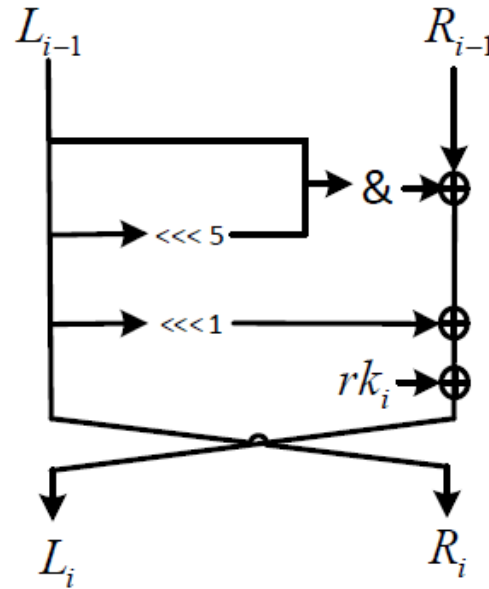




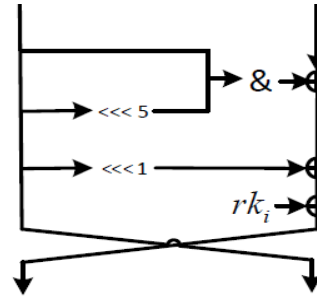


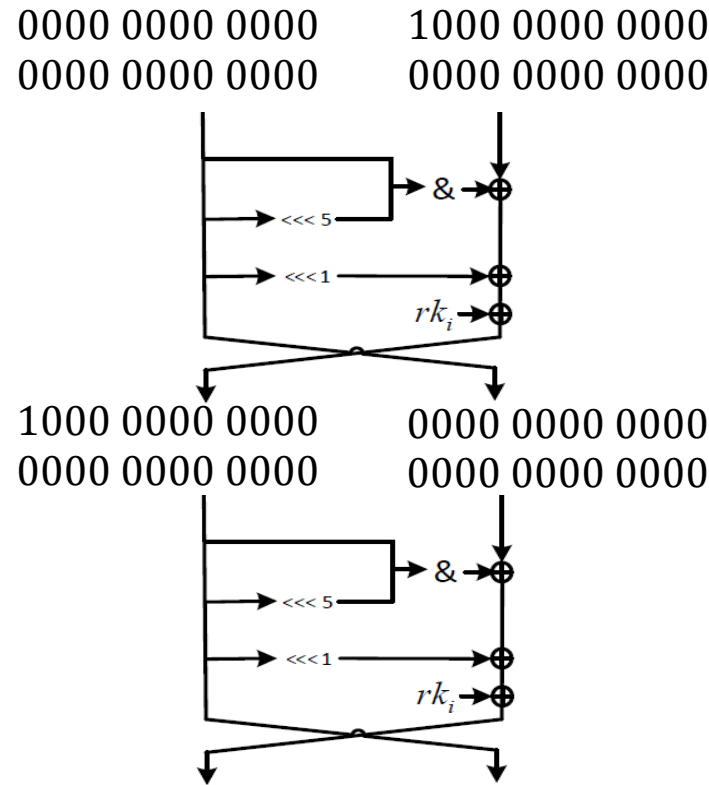
SIMECK

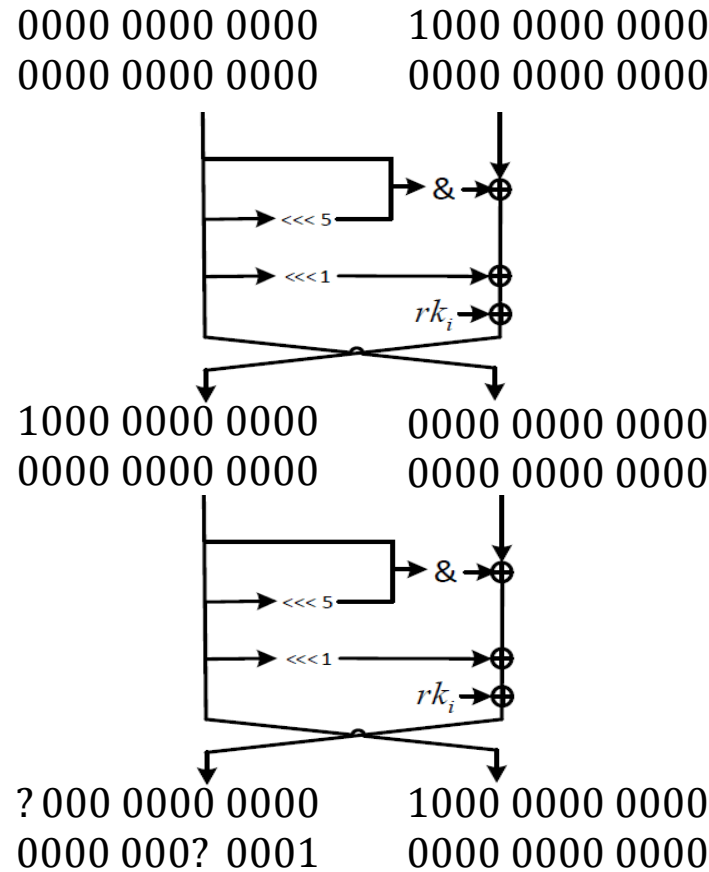
الگوریتم سایمک

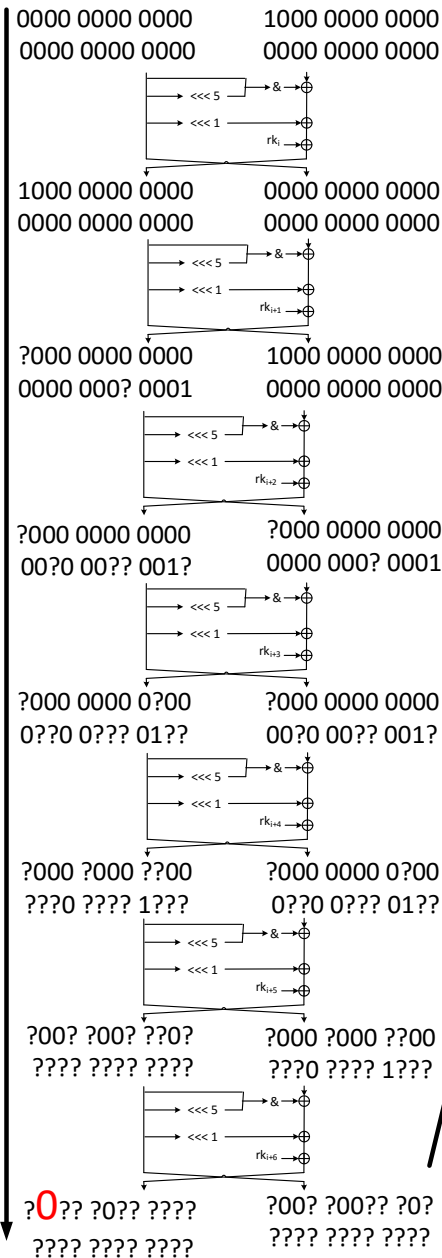


0000 0000 0000      1000 0000 0000  
 0000 0000 0000      0000 0000 0000

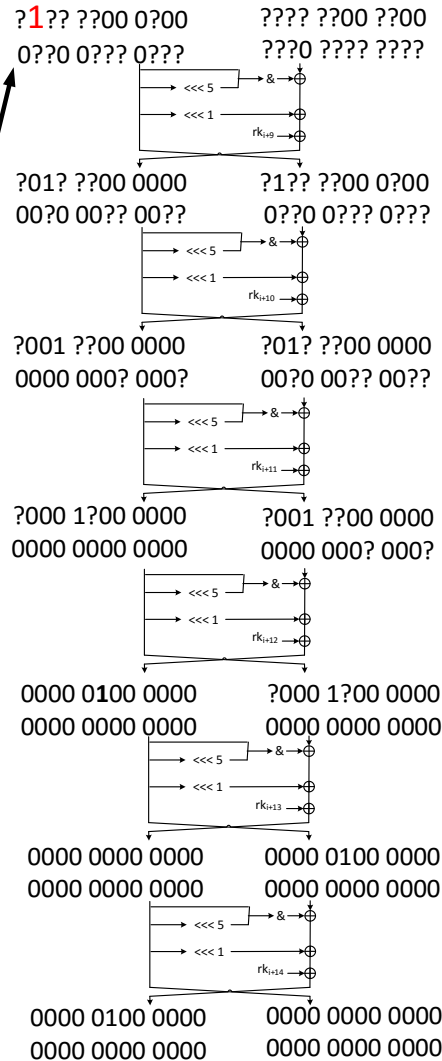




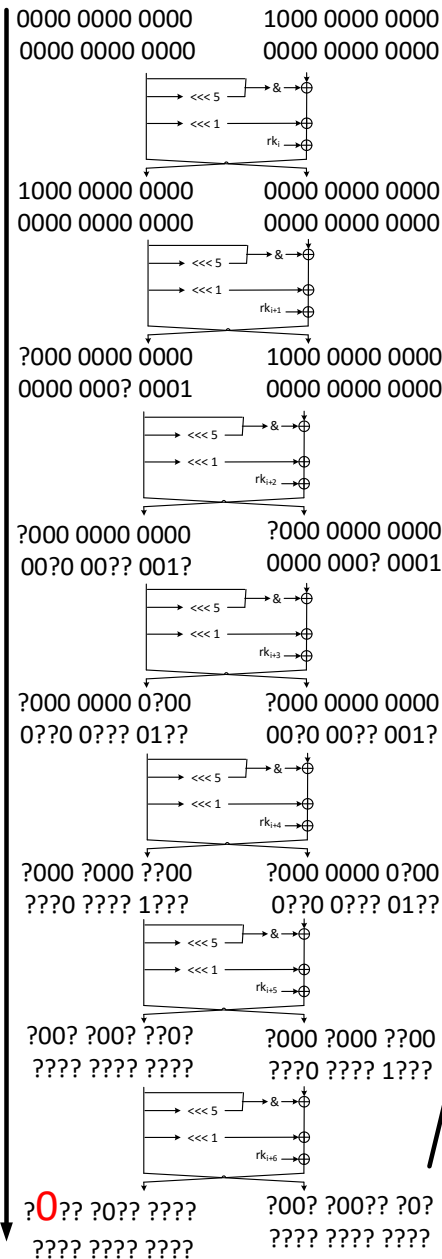




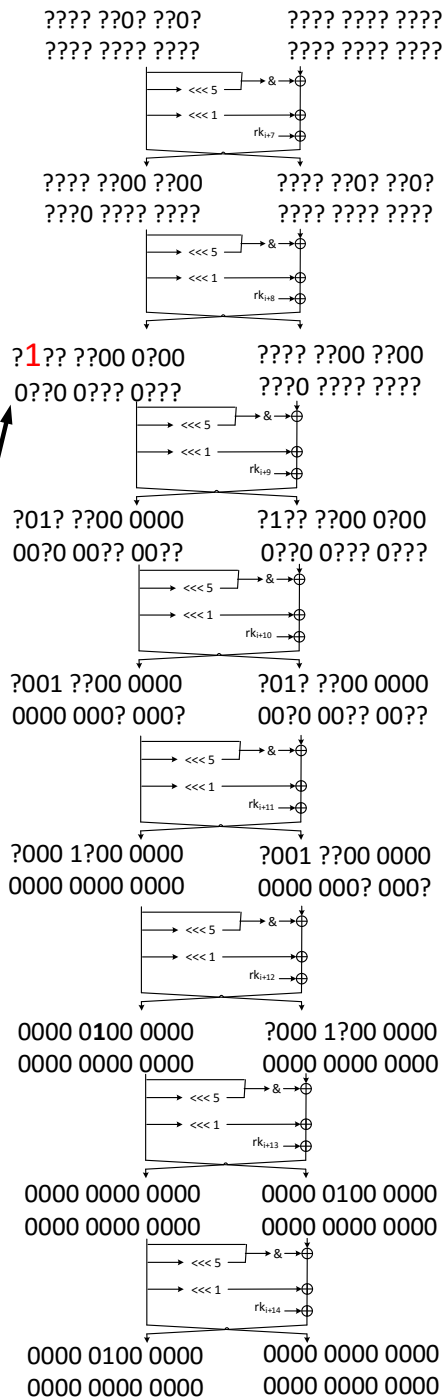
Contradiction  
In 13 rounds

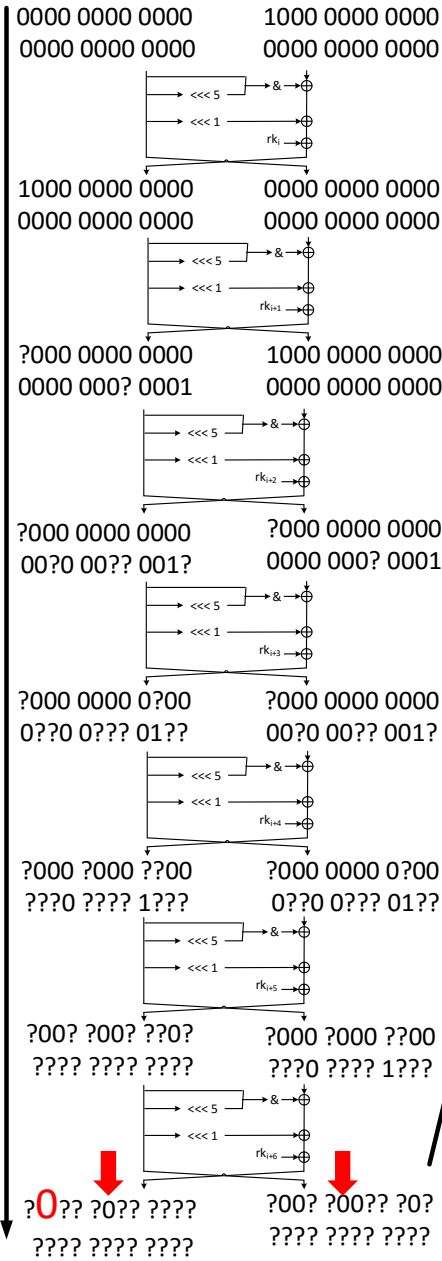




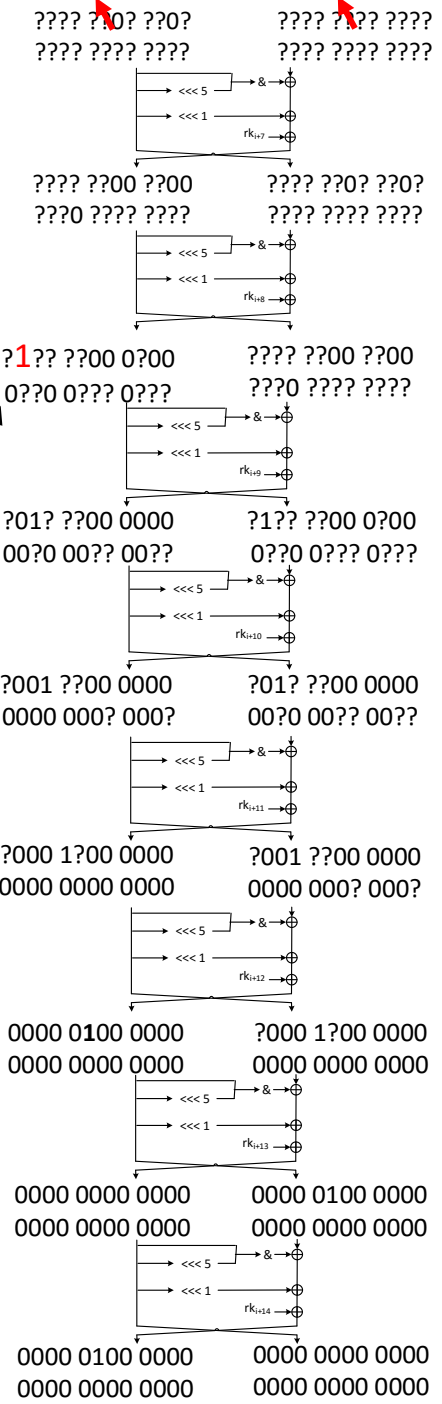


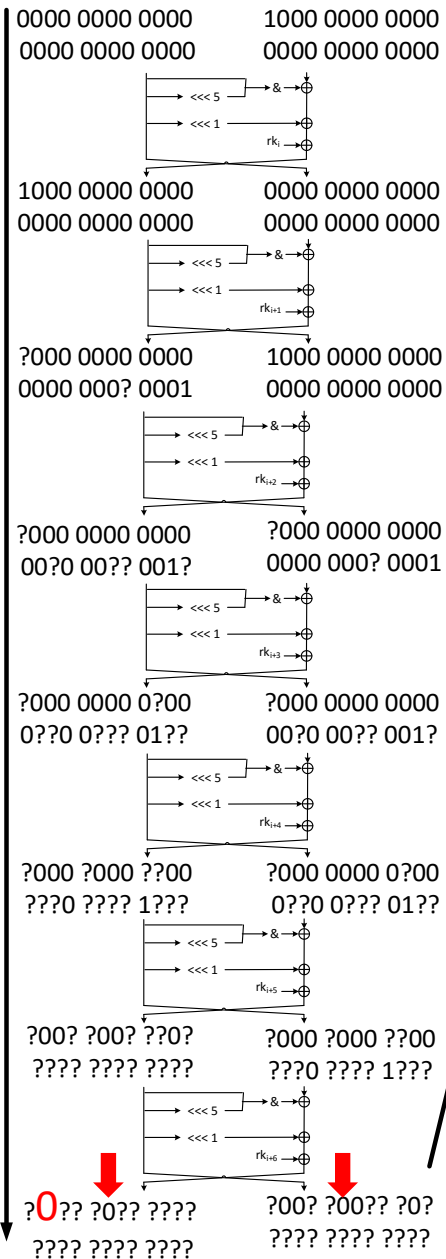
Contradiction  
 In 13 rounds



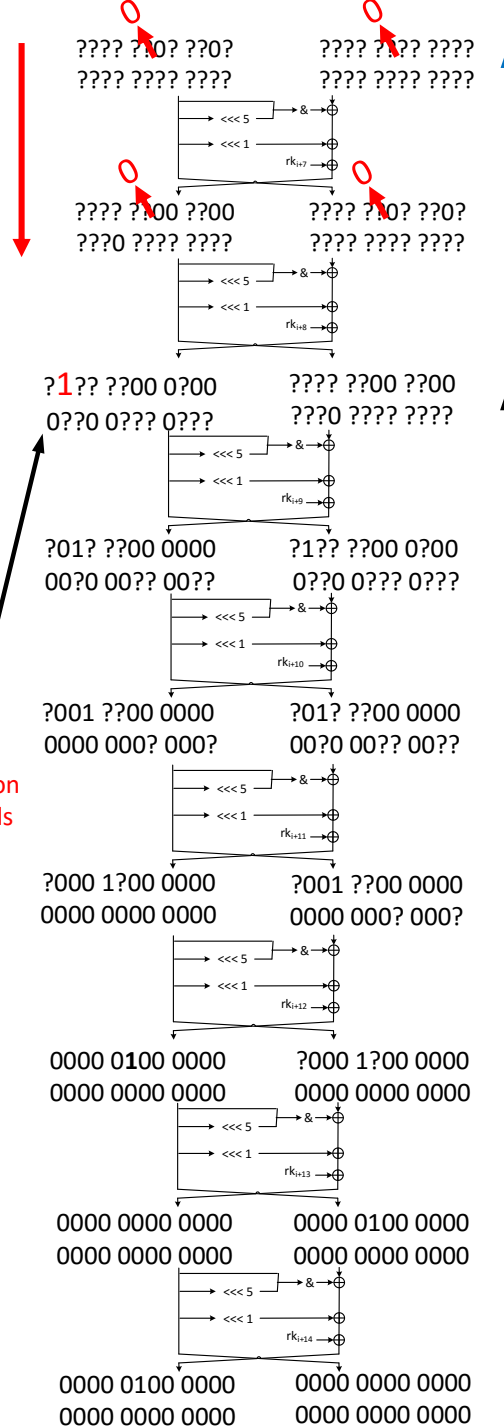


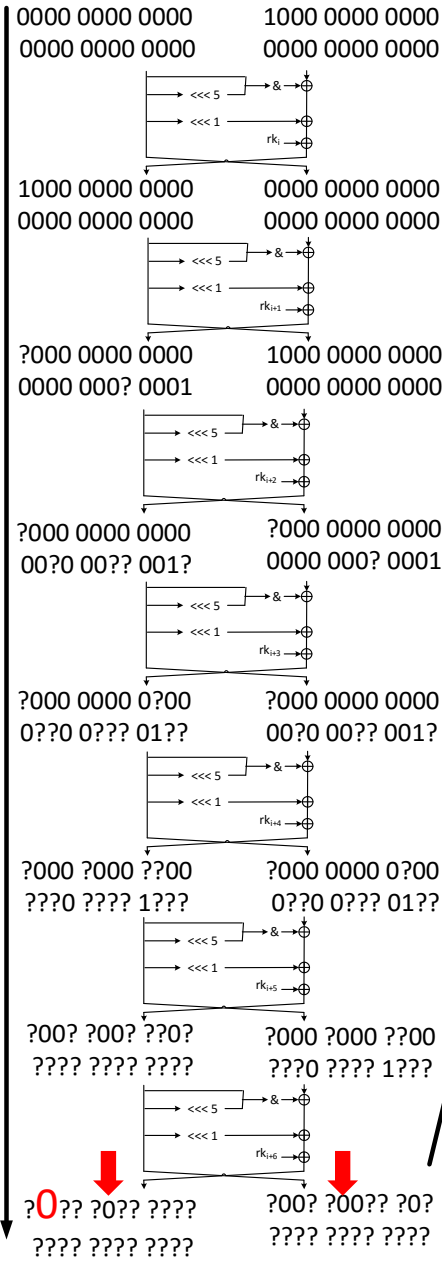
Contradiction  
In 13 rounds



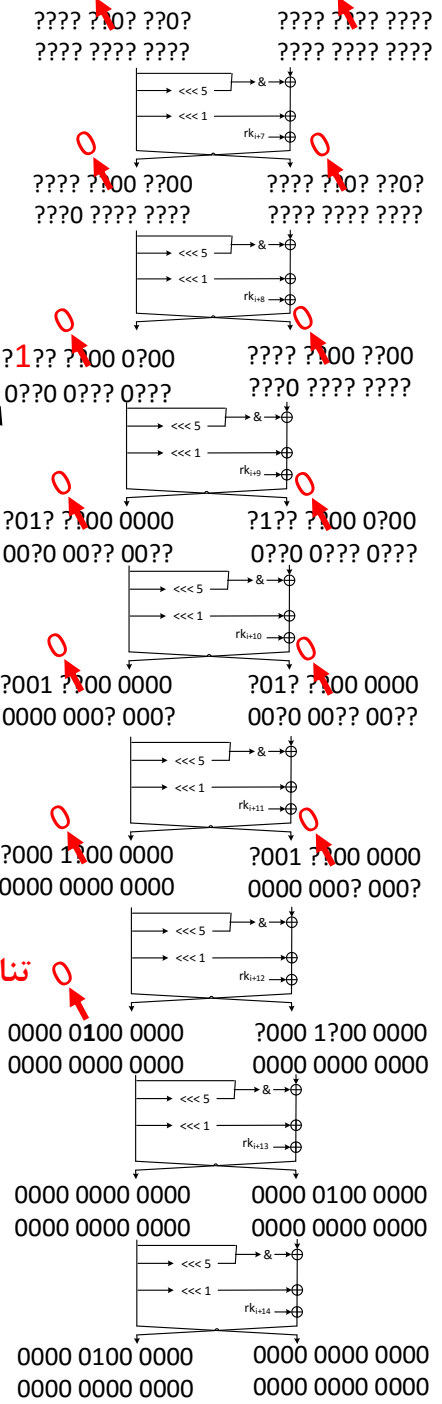


Contradiction  
In 13 rounds





Contradiction  
In 13 rounds



تناقض

حمله خطی



M. Matsui.

Linear cryptanalysis method for DES cipher.  
in Advances in Cryptology EUROCRYPT'93. 1993. Springer

هدف یافتن یک رابطه خطی بین بعضی از بیت های متن اصلی، کلید و بیت های دور آخر با احتمالی مشخص

$$E_K: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K$$

$$p = \Pr_x\{\alpha \cdot x = \beta \cdot E_K(x)\} \neq \frac{1}{2}$$

هدف یافتن یک رابطه خطی بین بعضی از بیت های متن اصلی، کلید و بیت های دور آخر با احتمالی مشخص

$$E_K: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K$$

$$p = \Pr_x\{\alpha \cdot x = \beta \cdot E_K(x)\} \neq \frac{1}{2} \rightarrow \varepsilon = \left|p - \frac{1}{2}\right|$$

هدف یافتن یک رابطه خطی بین بعضی از بیت های متن اصلی، کلید و بیت های دور آخر با احتمالی مشخص

$$E_K: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K$$

$$p = \Pr_x\{\alpha \cdot x = \beta \cdot E_K(x)\} \neq \frac{1}{2} \rightarrow \varepsilon = \left|p - \frac{1}{2}\right|$$

لم **piling-up**:

فرض کنید  $x_i$  متغیرهایی مستقل و تصادفی با اریبی  $\varepsilon_i$  باشد سپس احتمال این که مقدار  $x_1 \oplus x_2 \oplus \dots \oplus x_n = 0$  باشد برابر است با

$$\frac{1}{2} + 2^{n-1} \prod_{i=1}^n \varepsilon_i$$



چطور با داشتن یک تقریب خطی، حمله خطی را انجام دهیم؟

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K \quad \varepsilon \neq 0$$

چطور با داشتن یک تقریب خطی، حمله خطی را انجام دهیم؟

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K \quad \varepsilon \neq 0$$

الگوریتم ۱ ماتسویی

الگوریتم ۲ ماتسویی

چطور با داشتن یک تقریب خطی، حمله خطی را انجام دهیم؟

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K \quad \varepsilon \neq 0$$

به ما یک بیت اطلاع از کلید می دهد (  $\gamma \cdot K = 1$  یا  $\gamma \cdot K = 0$  )  
 پیچیدگی داده ای (تعداد متن متن و رمز شده آن مورد نیاز برای تحلیل):

$$N = \frac{1}{\varepsilon^2}$$

الگوریتم ۱ ماتسویی

الگوریتم ۲ ماتسویی

چطور با داشتن یک تقریب خطی، حمله خطی را انجام دهیم؟

$$\alpha \cdot x \oplus \beta \cdot E_K(x) = \gamma \cdot K \quad \varepsilon \neq 0$$

به ما یک بیت اطلاع از کلید می دهد (  $\gamma \cdot K = 1$  یا  $\gamma \cdot K = 0$  )  
 پیچیدگی داده ای (تعداد متن متن و رمز شده آن مورد نیاز برای تحلیل):

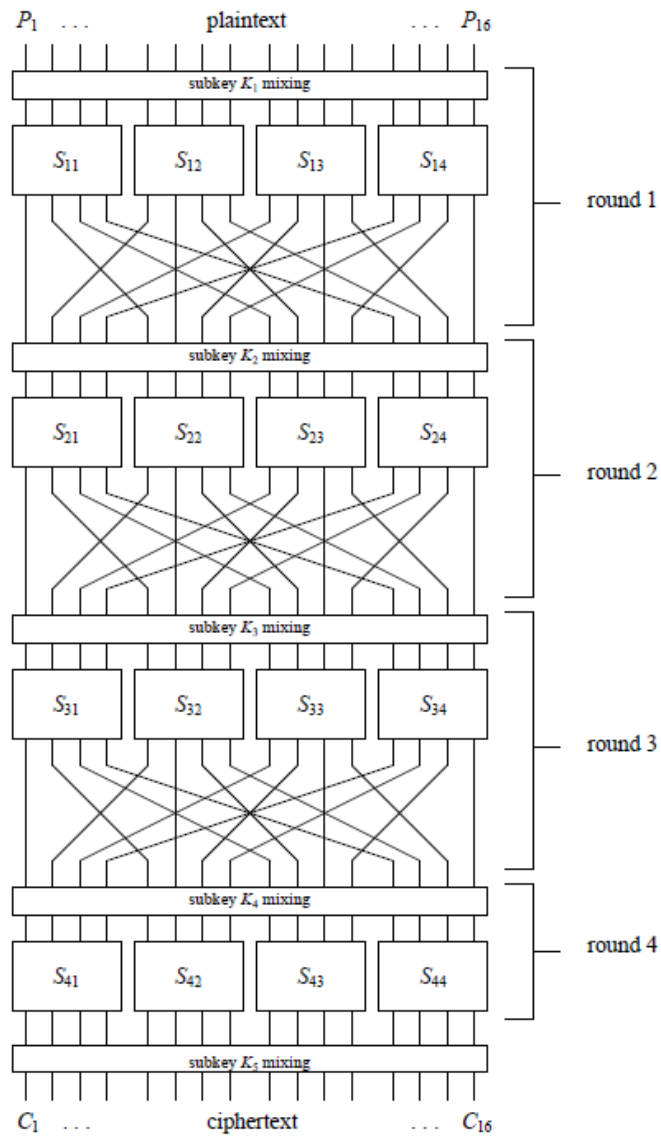
$$N = \frac{1}{\varepsilon^2}$$

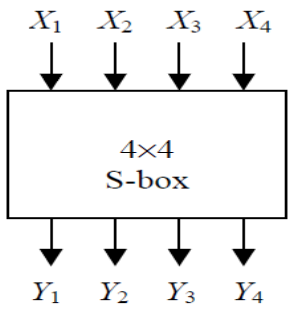
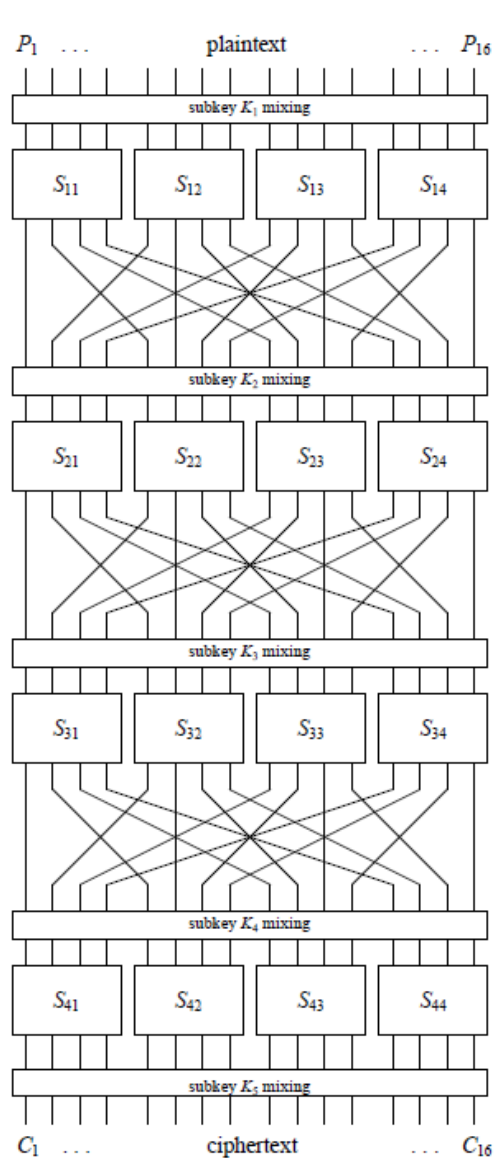
یک روش تحلیل آماری برای بازیابی بعضی از بیت های کلید

الگوریتم ۱ ماتسویی

الگوریتم ۲ ماتسویی

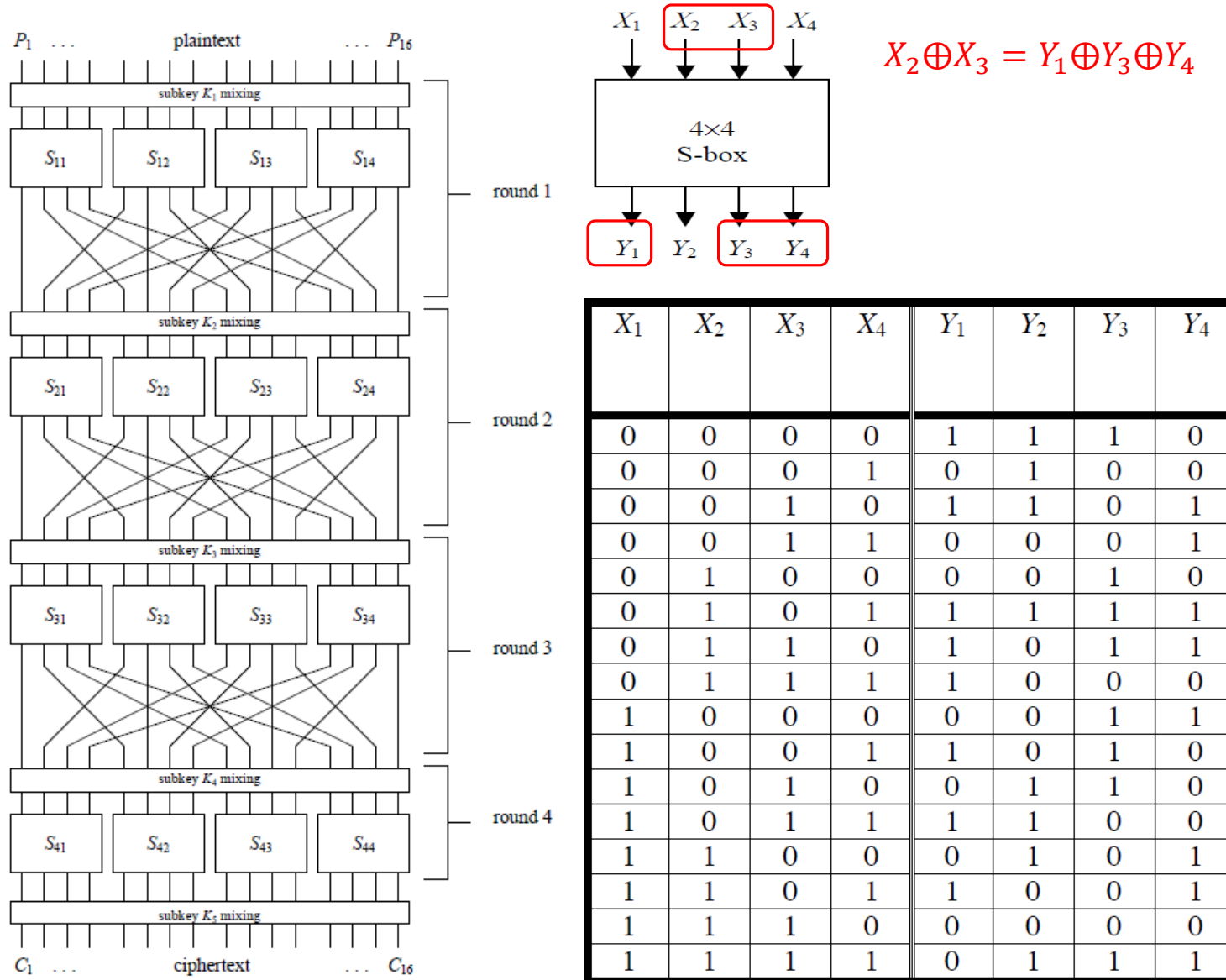
$N$	$2\varepsilon^{-2}$	$4\varepsilon^{-2}$	$8\varepsilon^{-2}$	$16\varepsilon^{-2}$
درصد موفقیت در الگوریتم ۲	48.6 %	78.5 %	96.7 %	<b>99.9 %</b>

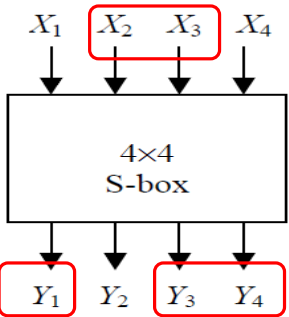
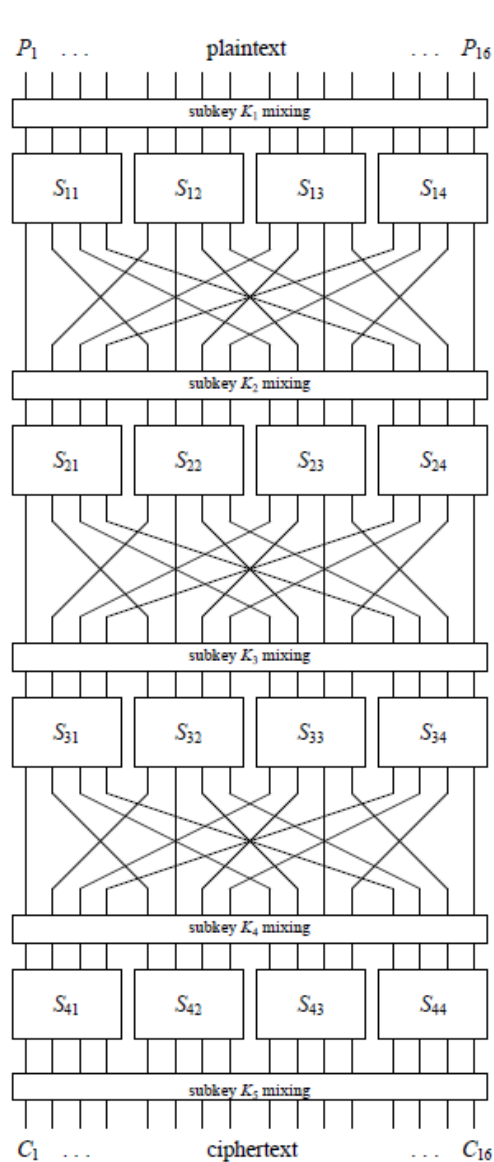




$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$Y_1$	$Y_2$	$Y_3$	$Y_4$
0	0	0	0	1	1	1	0
0	0	0	1	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1	0	1
0	0	1	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	1	0
0	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	0	1	0	1
1	1	0	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	1	1	1

# Linear cryptanalysis

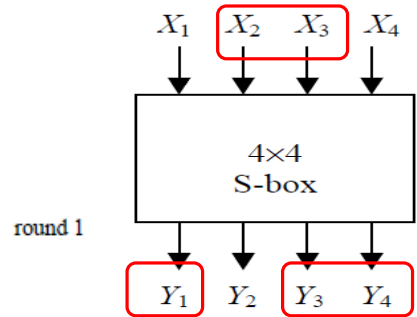
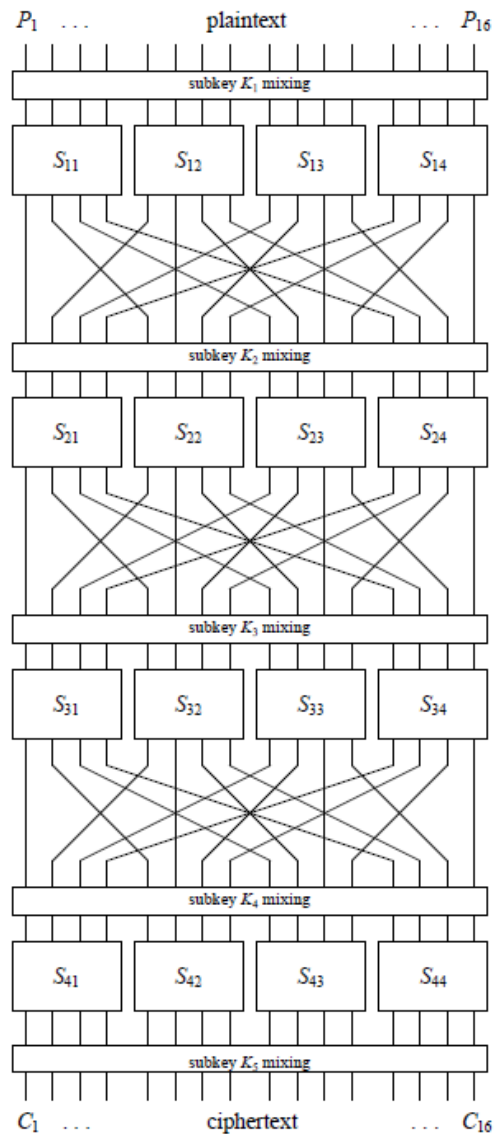




$$X_2 \oplus X_3 = Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4$$

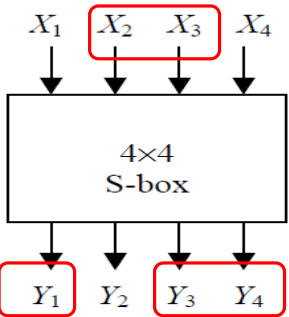
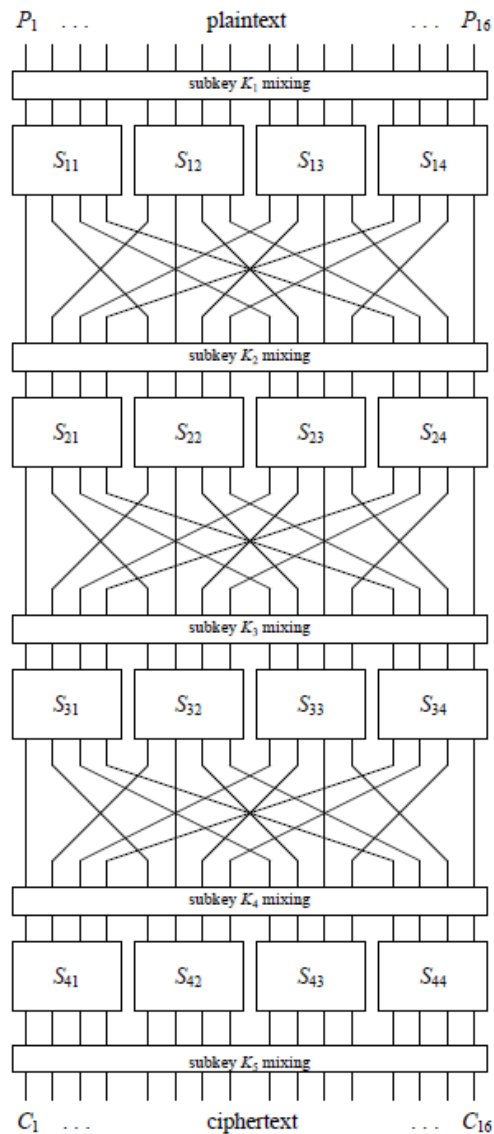
$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$Y_1$	$Y_2$	$Y_3$	$Y_4$	$X_2 \oplus X_3$	$Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4$
0	0	0	0	1	1	1	0	0	0
0	0	0	1	0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	1	1	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	1	1	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	1	1	0	1	0	0	0
1	0	1	0	0	1	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	0	0	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	1	1	1	0	0





$$X_2 \oplus X_3 = Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4 \longrightarrow \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$$

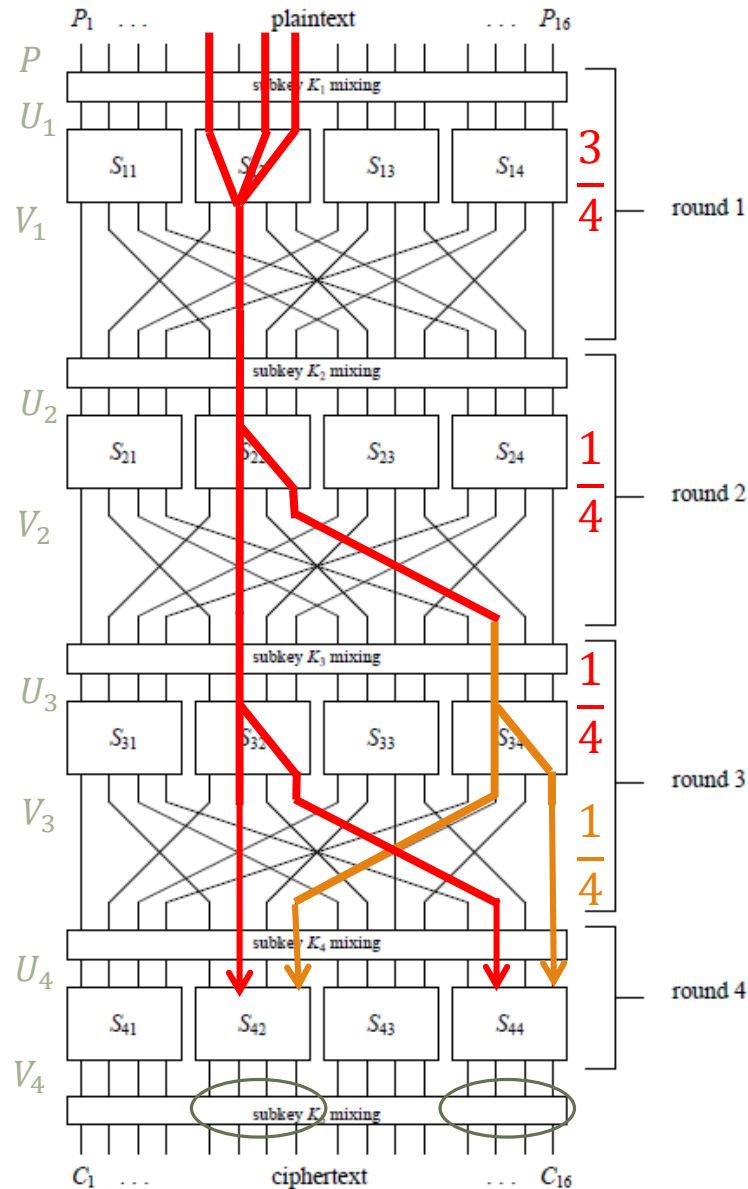
$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$Y_1$	$Y_2$	$Y_3$	$Y_4$	$X_2 \oplus X_3$	$Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4$
0	0	0	0	1	1	1	0	<del>0</del>	<del>0</del>
0	0	0	1	0	1	0	0	<del>0</del>	<del>0</del>
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
0	0	1	1	0	0	0	1	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	0	0	0	0	1	0	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	0	1	1	1	1	1	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	1	0	1	0	1	1	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	1	<del>0</del>	<del>0</del>
1	0	0	1	1	0	1	0	<del>0</del>	<del>0</del>
1	0	1	0	0	1	1	0	<del>1</del>	<del>1</del>
1	0	1	1	1	1	0	0	<del>1</del>	<del>1</del>
1	1	0	0	0	1	0	1	<del>1</del>	<del>1</del>
1	1	0	1	1	0	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	<del>0</del>	<del>0</del>
1	1	1	1	0	1	1	1	<del>0</del>	<del>0</del>



$$X_2 \oplus X_3 = Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4 \longrightarrow \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$$

$$\alpha = (0110) \xrightarrow{\frac{3}{4}} \beta = (1011)$$

$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$Y_1$	$Y_2$	$Y_3$	$Y_4$	$X_2 \oplus X_3$	$Y_1 \oplus Y_3 \oplus Y_4$
0	0	0	0	1	1	1	0	<del>0</del>	<del>0</del>
0	0	0	1	0	1	0	0	<del>0</del>	<del>0</del>
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
0	0	1	1	0	0	0	1	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	0	0	0	0	1	0	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	0	1	1	1	1	1	<del>1</del>	<del>1</del>
0	1	1	0	1	0	1	1	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	0	1
1	0	0	0	0	0	1	1	<del>0</del>	<del>0</del>
1	0	0	1	1	0	1	0	<del>0</del>	<del>0</del>
1	0	1	0	0	1	1	0	<del>1</del>	<del>1</del>
1	0	1	1	1	1	0	0	<del>1</del>	<del>1</del>
1	1	0	0	0	1	0	1	<del>1</del>	<del>1</del>
1	1	0	1	1	0	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	<del>0</del>	<del>0</del>
1	1	1	1	0	1	1	1	<del>0</del>	<del>0</del>



$$U_{4,6} \oplus U_{4,8} \oplus U_{4,14} \oplus U_{4,16} \oplus P_5 \oplus P_7 \oplus P_8$$

$$\oplus K_{1,5} \oplus K_{1,7} \oplus K_{1,8} \oplus K_{2,6} \oplus K_{3,6} \oplus K_{3,14} = 0$$

$$\frac{1}{2} + 2^3 \left( \frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right) \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{2} \right)^3 = \frac{15}{32}$$

## حمله همبستگی صفر



A. Bogdanov and V. Rijmen,

Linear hulls with correlation zero and linear cryptanalysis of block ciphers.

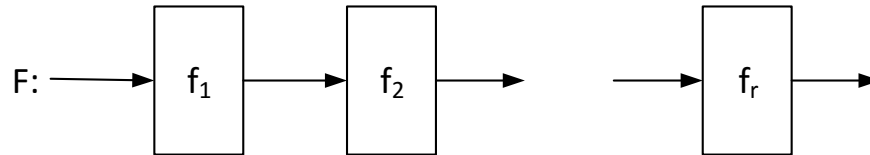
Designs, codes and cryptography, 2014. 70(3): p. 369-383

هدف پیدا کردن یک پوشش خطی با احتمال دقیقا  $\frac{1}{2}$  می باشد

هدف پیدا کردن یک پوشش خطی با احتمال دقیقا  $\frac{1}{2}$  می باشد

$$F: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$

$$F = f_r \circ \dots \circ f_1$$



تقریب خطی  $u_{i-1} \rightarrow u_i$  با نقاب ورودی  $u_{i-1}$  و نقاب خروجی  $u_i$  را برای نگاشت  $f_i$  در نظر بگیرید.

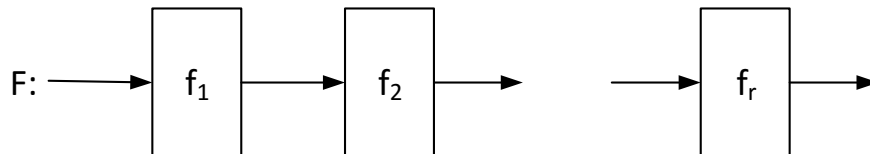
The diagram shows a single round function  $f_i$  represented by a box. An arrow labeled  $u_{i-1}$  enters the box from the left, and an arrow labeled  $u_i$  exits the box to the right.

$$u_{i-1} \cdot x \oplus u_i \cdot f_i(x) = 0 \quad Pr_x \{u_{i-1} \oplus x = u_i \oplus f_i(x)\}$$

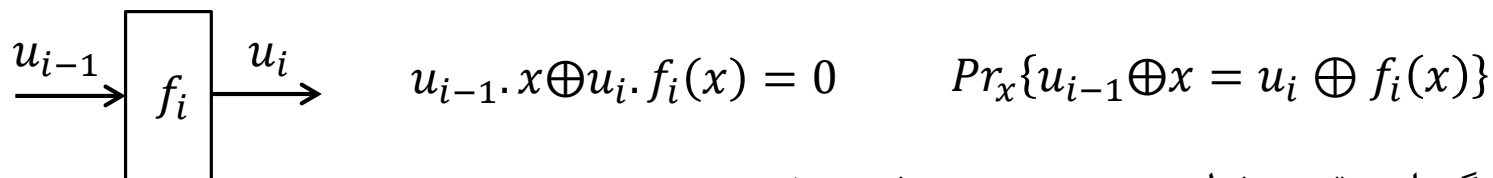
هدف پیدا کردن یک پوشش خطی با احتمال دقیقا  $\frac{1}{2}$  می باشد

$$F: \mathbb{F}_2^n \rightarrow \mathbb{F}_2^n$$

$$F = f_r \circ \dots \circ f_1$$

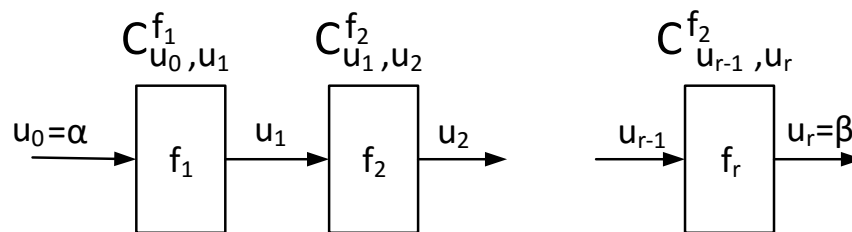


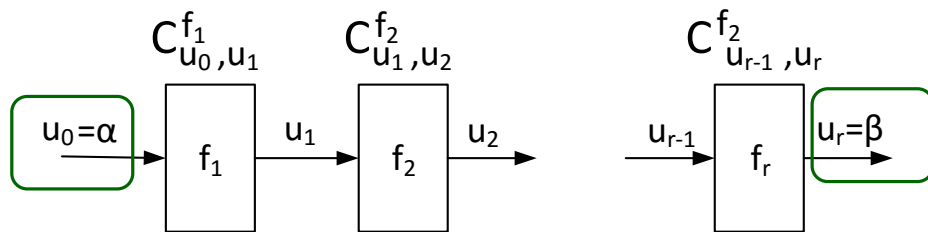
تقریب خطی  $u_{i-1} \rightarrow u_i$  با نقاب ورودی  $u_{i-1}$  و نقاب خروجی  $u_i$  را برای نگاشت  $f_i$  در نظر بگیرید.



همبستگی این تقریب خطی به صورت زیر تعریف می شود:

$$C_{u_{i-1}, u_i}^{f_i} = 2Pr_x\{u_{i-1} \oplus x = u_i \oplus f_i(x)\} - 1$$



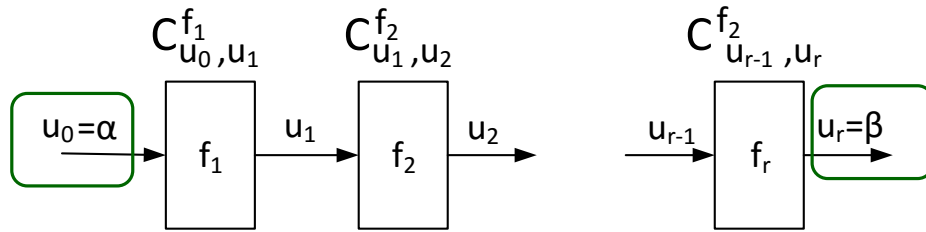


$$U = (u_0 = \alpha, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r = \beta)$$

همبستگی خطی نسبت به دنباله خطی  $U = (u_0, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r)$  را با  $C_u$  نشان می‌دهیم و به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$C_u = \prod_{i=1}^r C_{u_{i-1}, u_i}^{f_i}$$





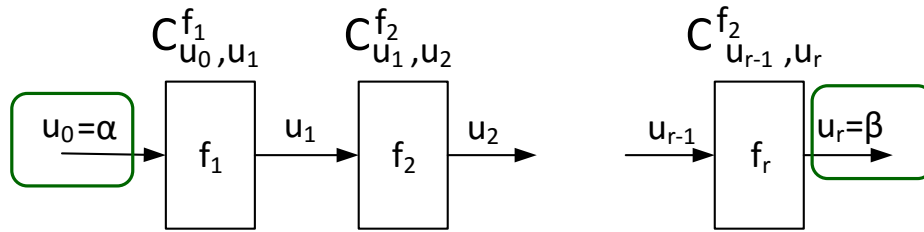
$$U = (u_0 = \alpha, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r = \beta)$$

همبستگی خطی نسبت به دنباله خطی  $U = (u_0, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r)$  را با  $C_u$  نشان می‌دهیم و به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$C_u = \prod_{i=1}^r C_{u_{i-1}, u_i}^{f_i}$$

همبستگی  $C$  برابر با مجموع همبستگی دنباله خطی  $U$  یعنی  $C_U$  با نقاب ورودی  $\alpha$  و نقاب خروجی  $\beta$  می‌باشد. بنابراین داریم:

$$C = \sum_{U: u_0 = \alpha, u_r = \beta} C_U$$



$$U = (u_0 = \alpha, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r = \beta)$$

همبستگی خطی نسبت به دنباله خطی  $U = (u_0, u_1, \dots, u_{r-1}, u_r)$  را با  $C_u$  نشان می‌دهیم و به صورت زیر تعریف می‌شود:

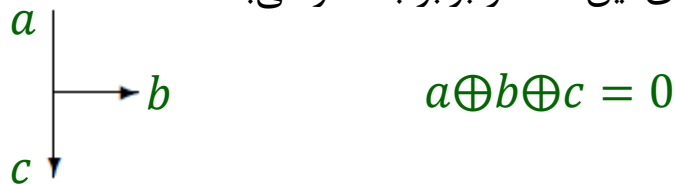
$$C_u = \prod_{i=1}^r C_{u_{i-1}, u_i}^{f_i}$$

همبستگی  $C$  برابر با مجموع همبستگی دنباله خطی  $U$  یعنی  $C_U$  با نقاب ورودی  $\alpha$  و نقاب خروجی  $\beta$  می‌باشد. بنابراین داریم:

$$C = \sum_{U: u_0 = \alpha, u_r = \beta} C_U$$

یک تقریب خطی روی رمزهای قالبی با نقاب ورودی  $\alpha$  و نقاب خروجی  $\beta$  دارای همبستگی صفر می‌باشد اگر  $C = 0$  شود و به صورت  $\alpha \rightarrow \beta$  نشان داده می‌شود

ویژگی ۱ (تقریب مربوط به عملگر سه شاخه‌ای): مجموع XOR نقاب‌های ورودی و خروجی عملگر سه شاخه‌ای برابر با صفر می‌باشد در غیر اینصورت همبستگی روی این عملگر برابر با صفر می‌باشد.

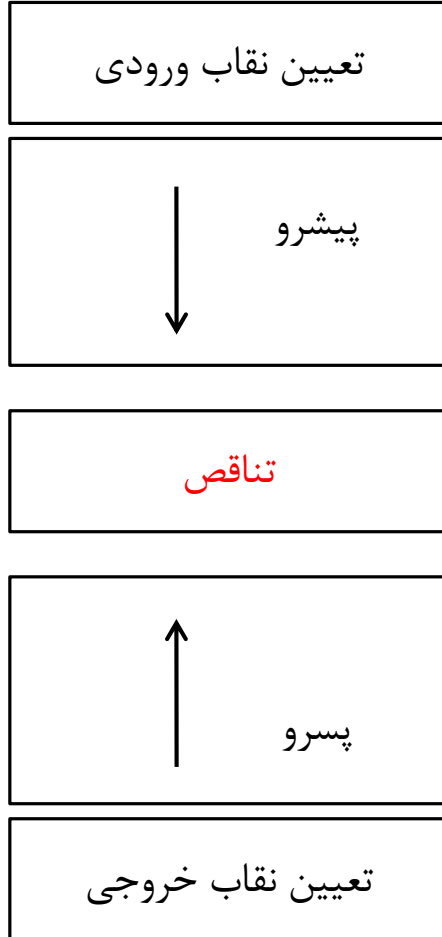


ویژگی ۲ (تقریب مربوط به عملگر XOR): نقاب‌های مربوط به ورودی و خروجی این عملگر باهم برابر می‌باشند در غیر اینصورت همبستگی روی عملگر XOR برابر با صفر می‌باشد.



ویژگی ۳ (تقریب مربوط به جایگشته‌ها): نقاب‌های مربوط به ورودی و خروجی یا هر دو صفر هستند یا هر دو غیر صفر در غیر اینصورت همبستگی صفر داریم.





روش حمله فقدان در میانه

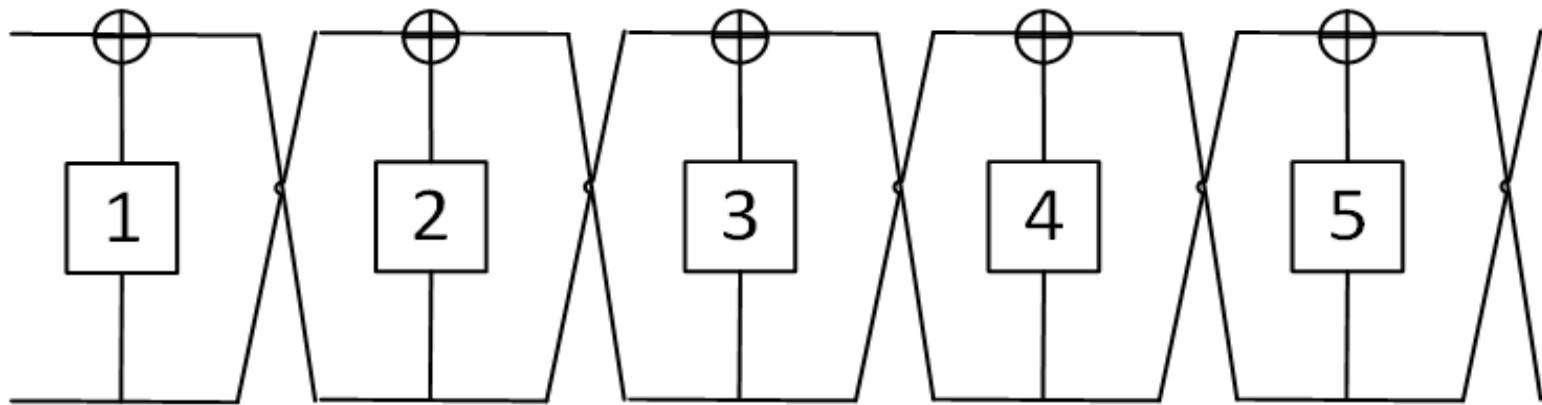
Biham, et al., *Miss in the Middle Attacks on IDEA and Khufu*. International Workshop on Fast Software Encryption. Springer Berlin Heidelberg, 1999.

روش ماتریسی

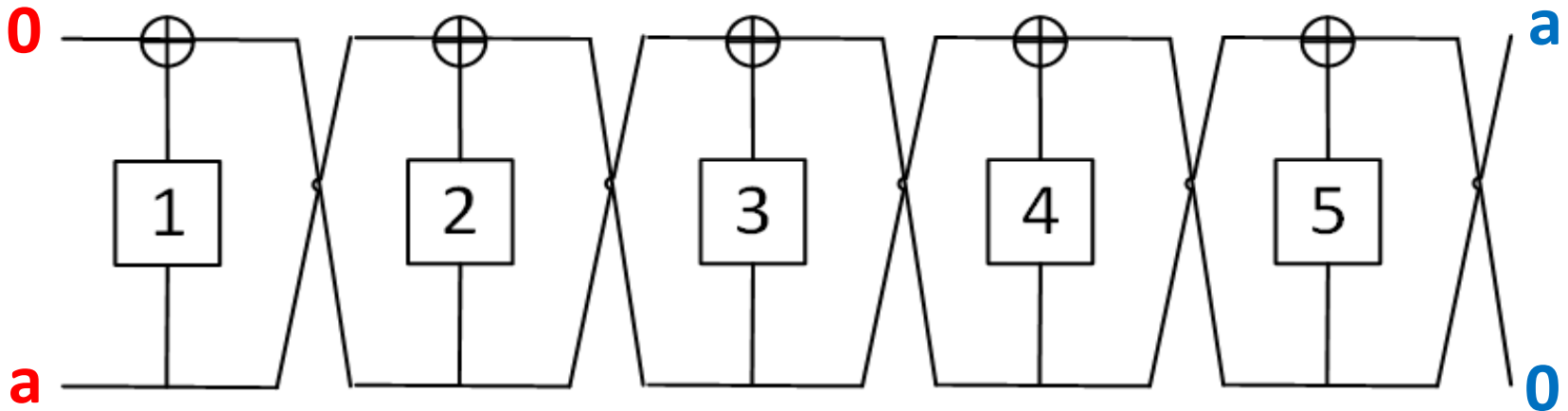
Soleimany, Hadi, and Kaisa Nyberg. "Zero-correlation linear cryptanalysis of reduced-round LBlock." *Designs, codes and cryptography* 73.2 (2014): 683-698.



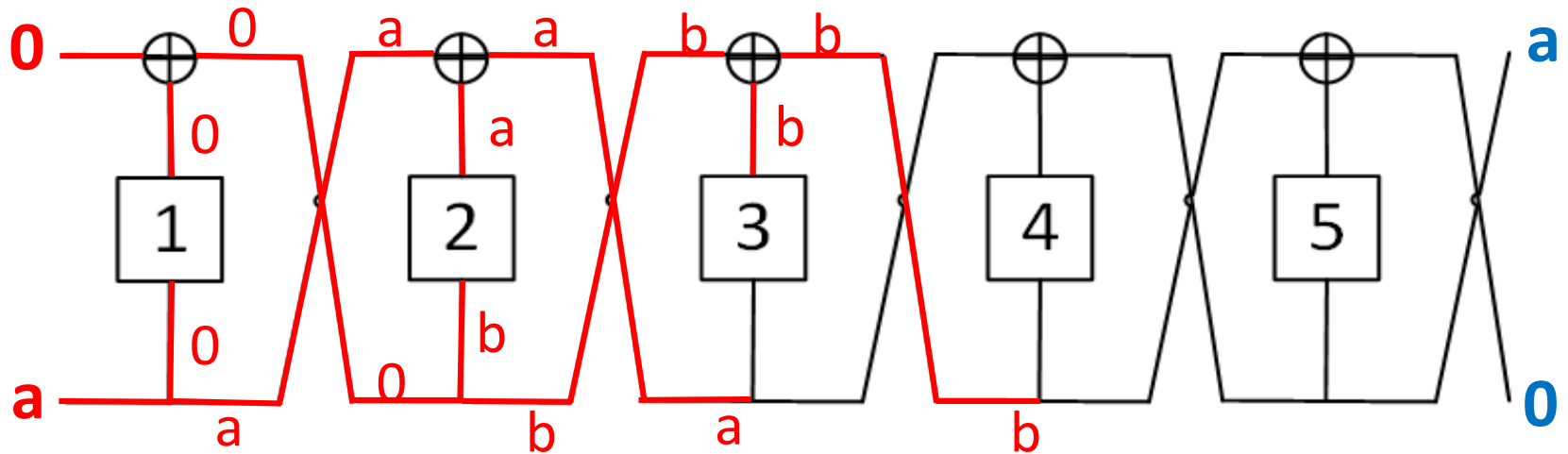
پنج دور مشخصه همبستگی صفر برای ساختارهای فیستلی



پنج دور مشخصه همبستگی صفر برای ساختارهای فیستلی

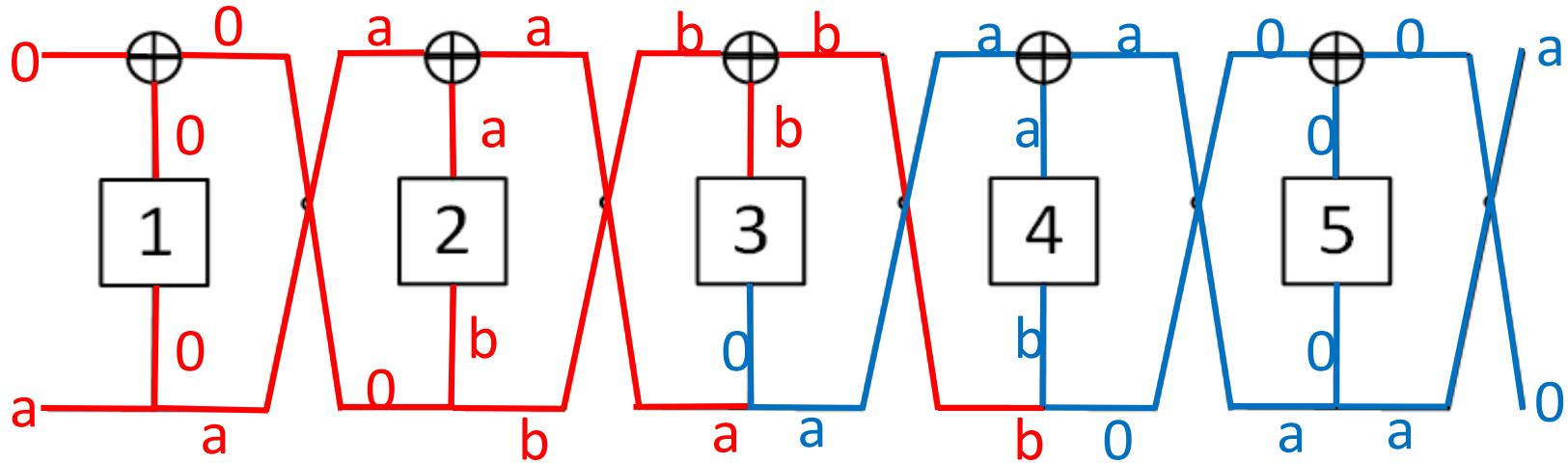


پنج دور مشخصه همبستگی صفر برای ساختارهای فیستلی

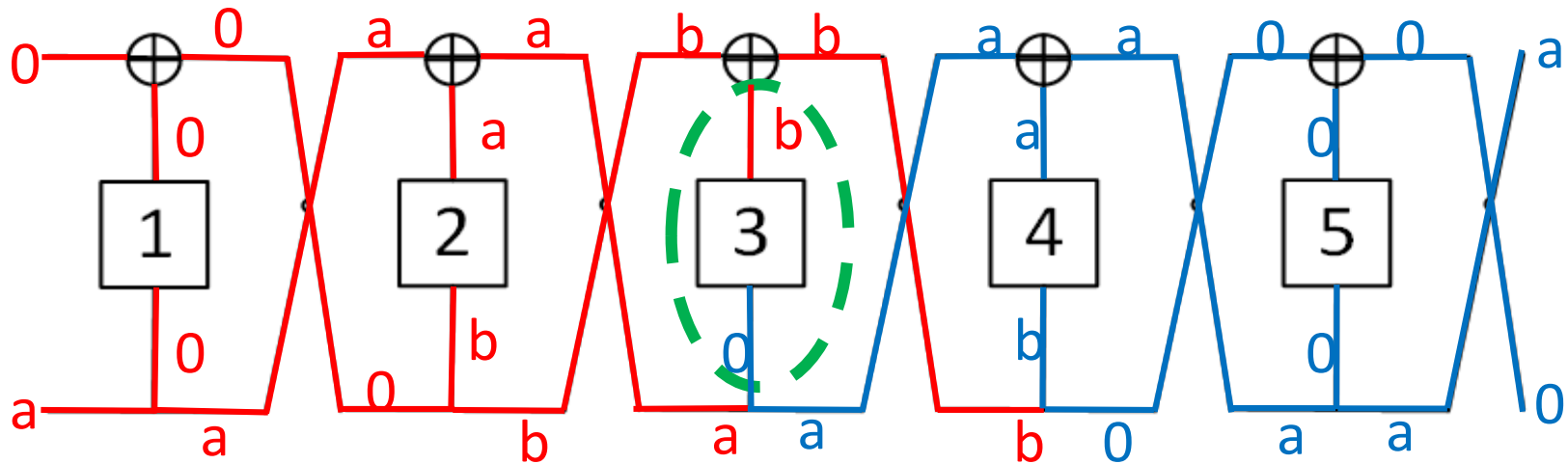




پنج دور مشخصه همبستگی صفر برای ساختارهای فیستلی

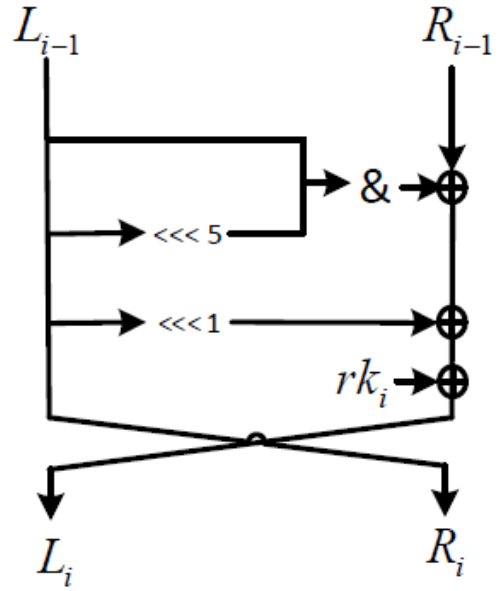


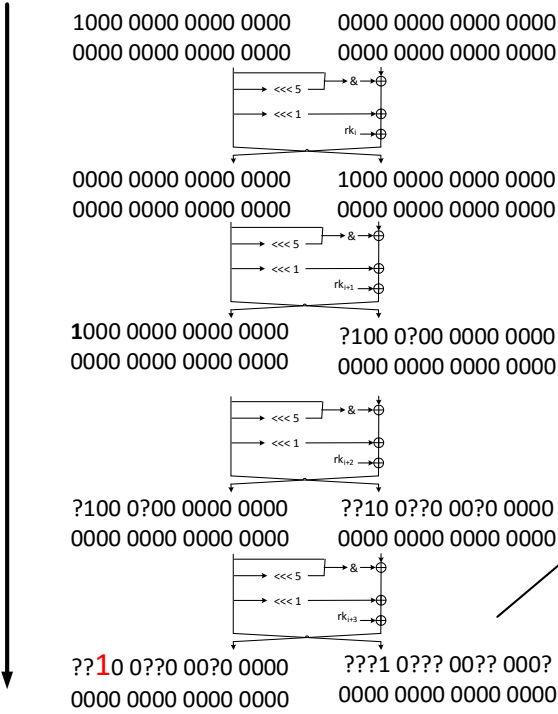
پنج دور مشخصه همبستگی صفر برای ساختارهای فیستلی



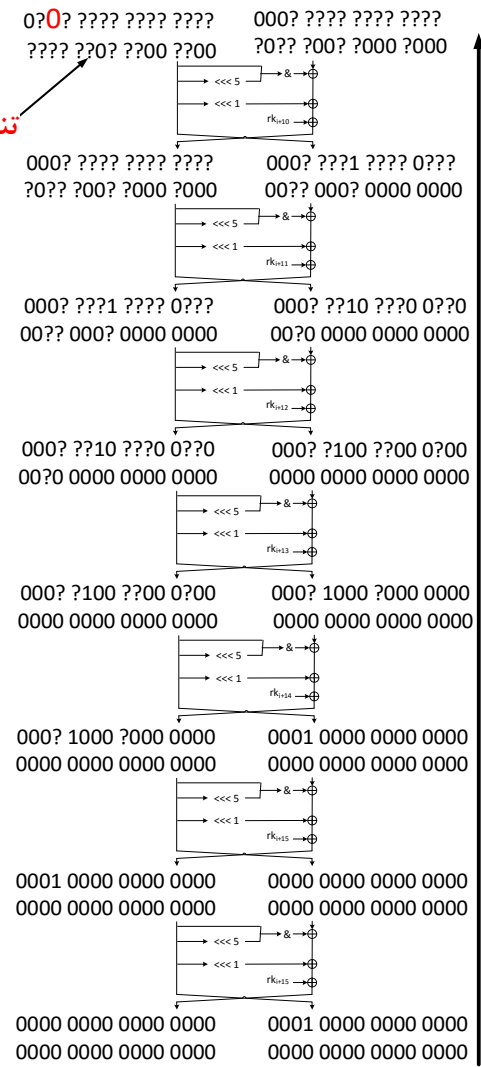
SIMECK

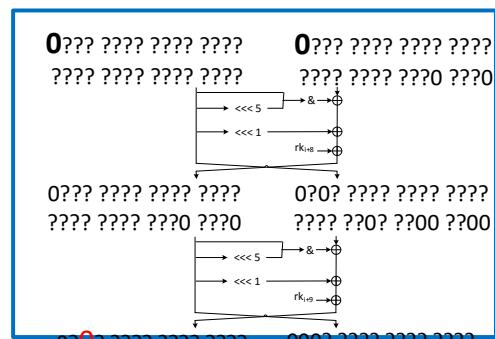
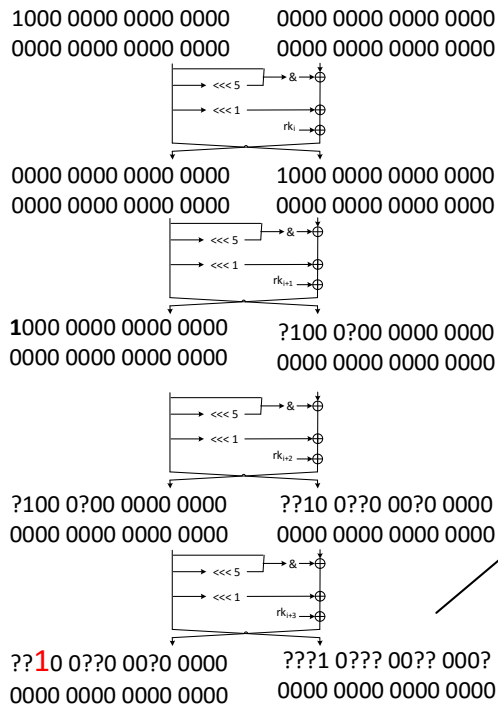
الگوریتم سایمک



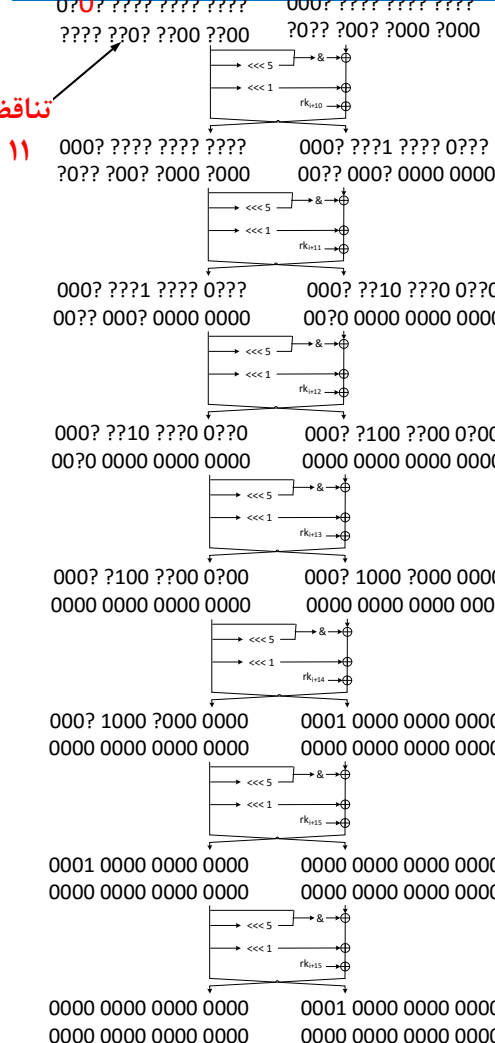
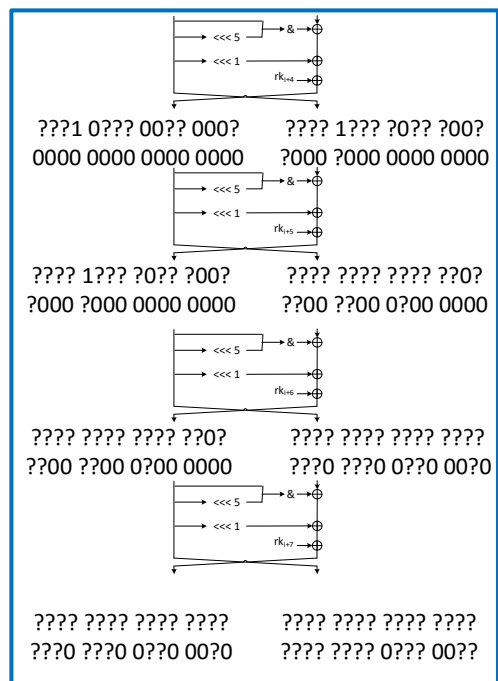


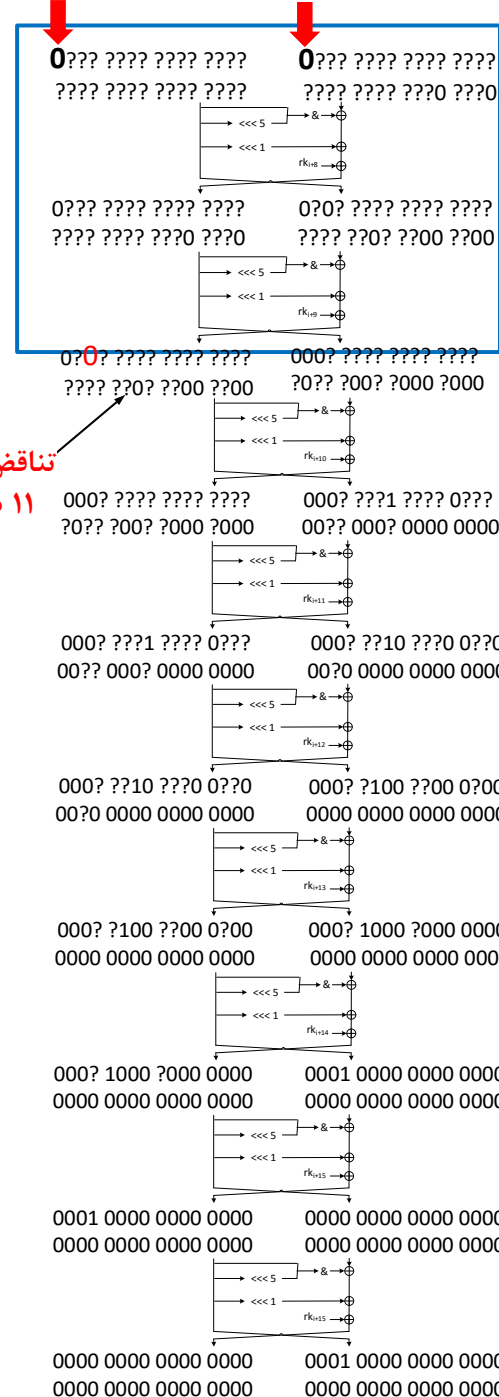
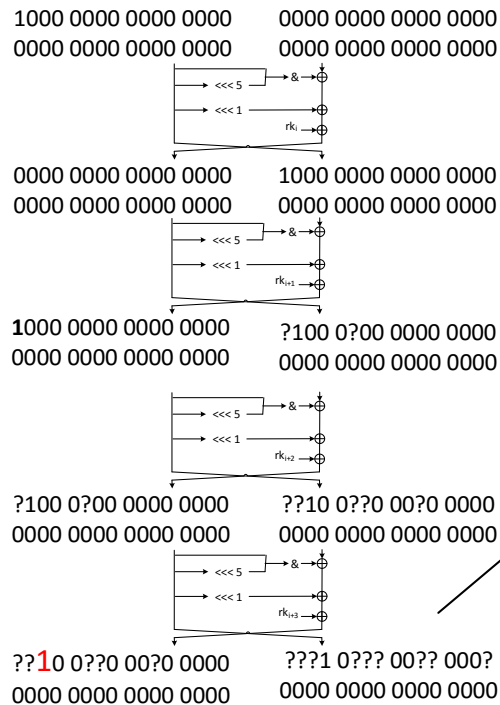
تناقض در دور ۱۱



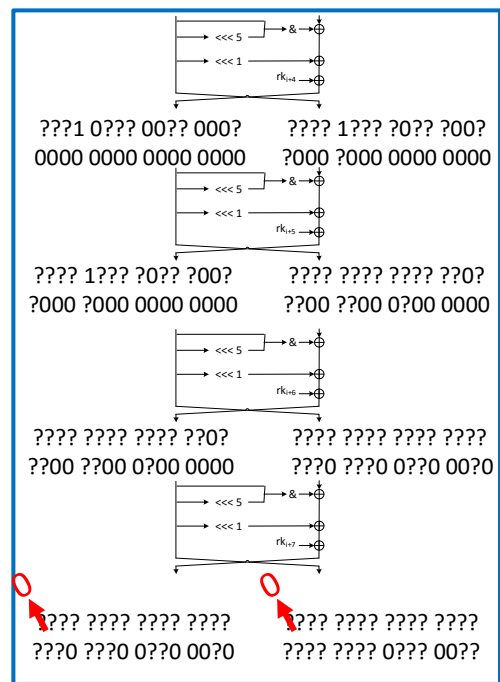


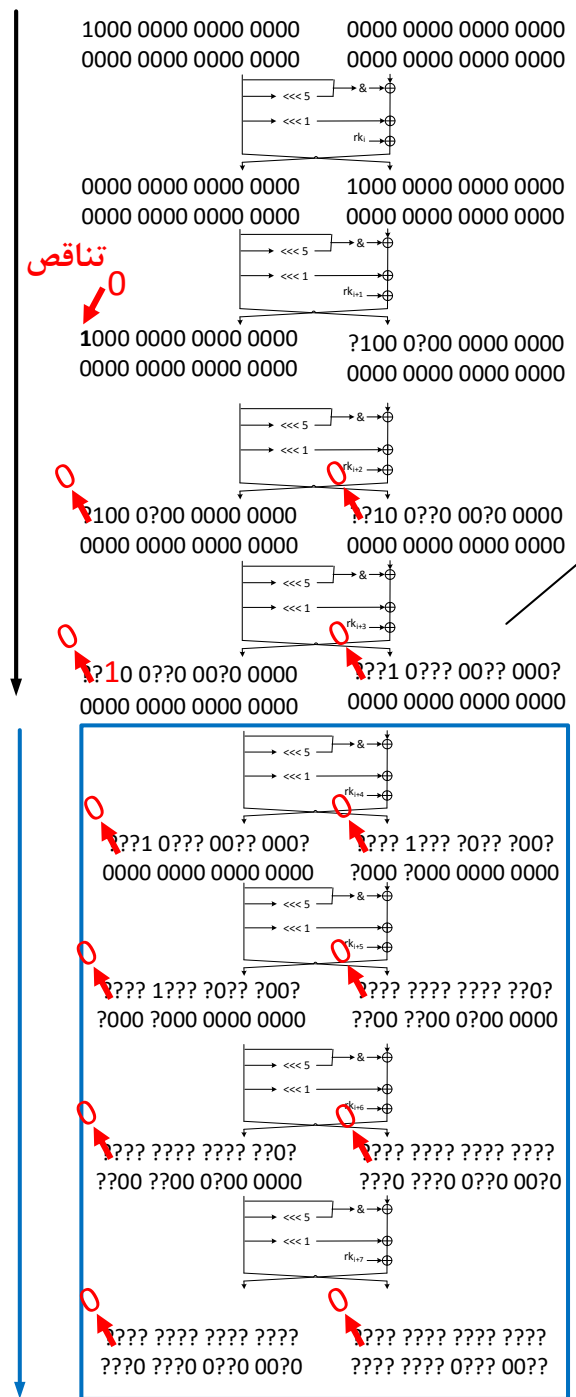
تناقض در دور ۱۱





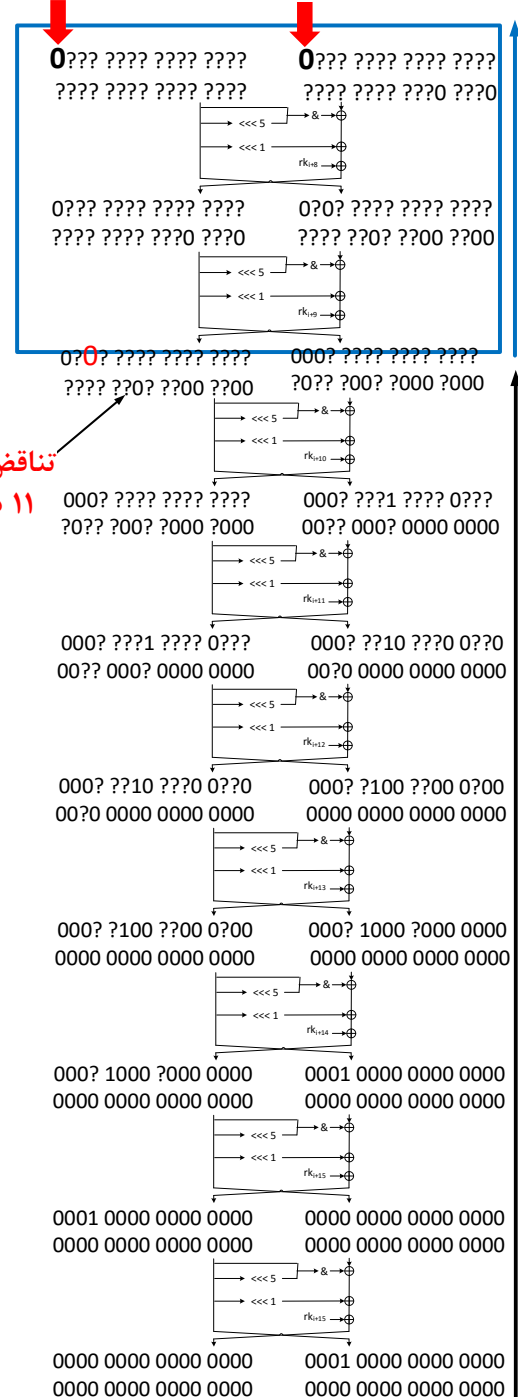
تناقض در دور ۱۱





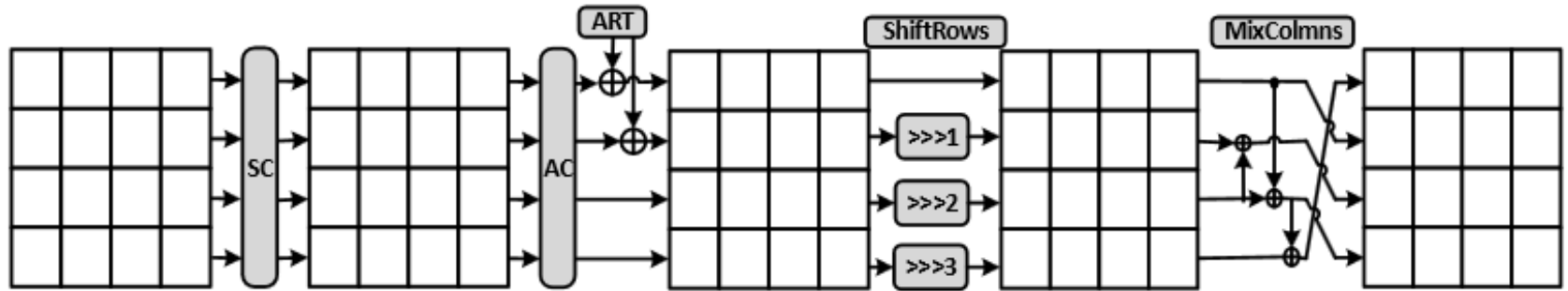
تناقص  
0

تناقص در دور 11

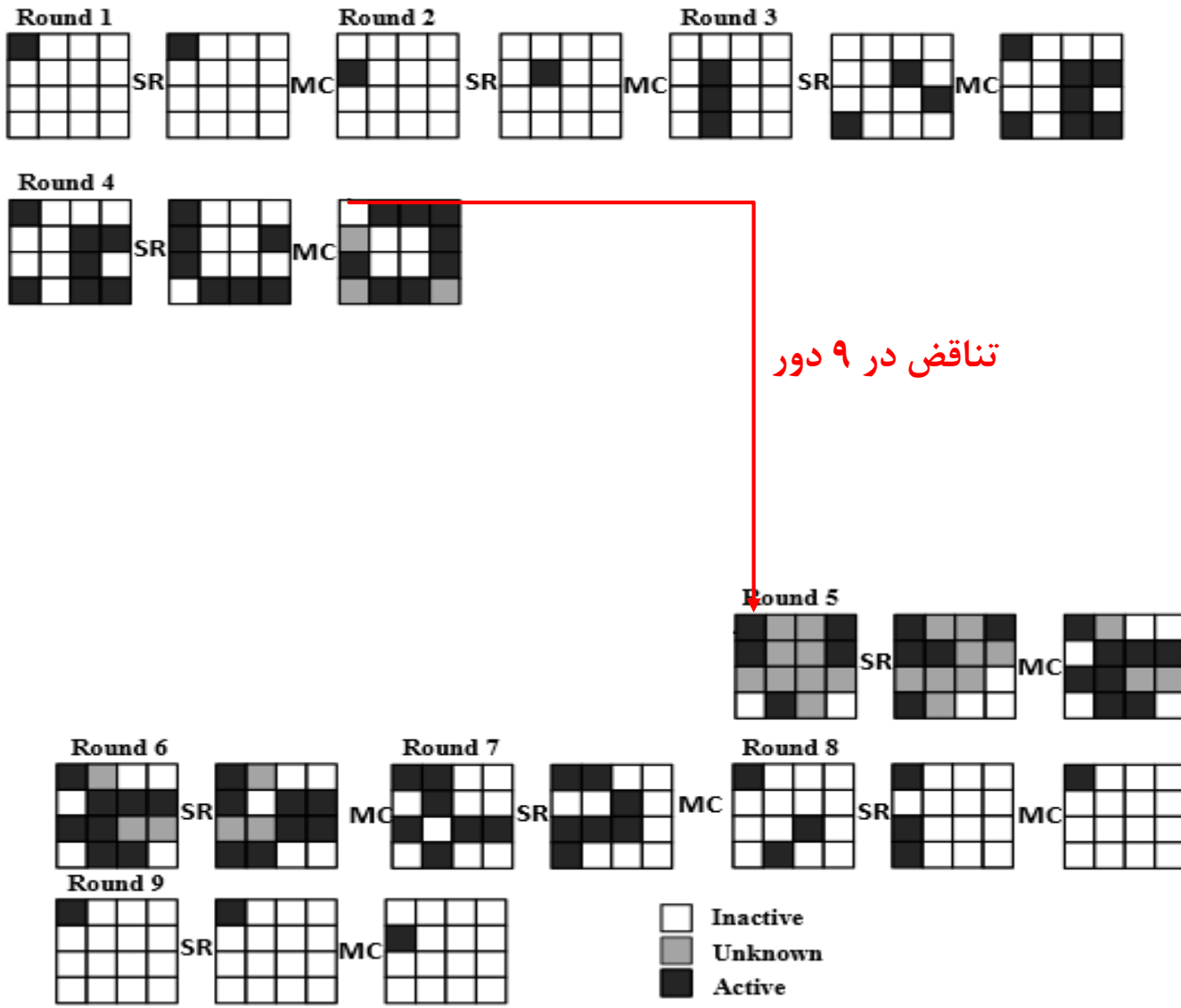


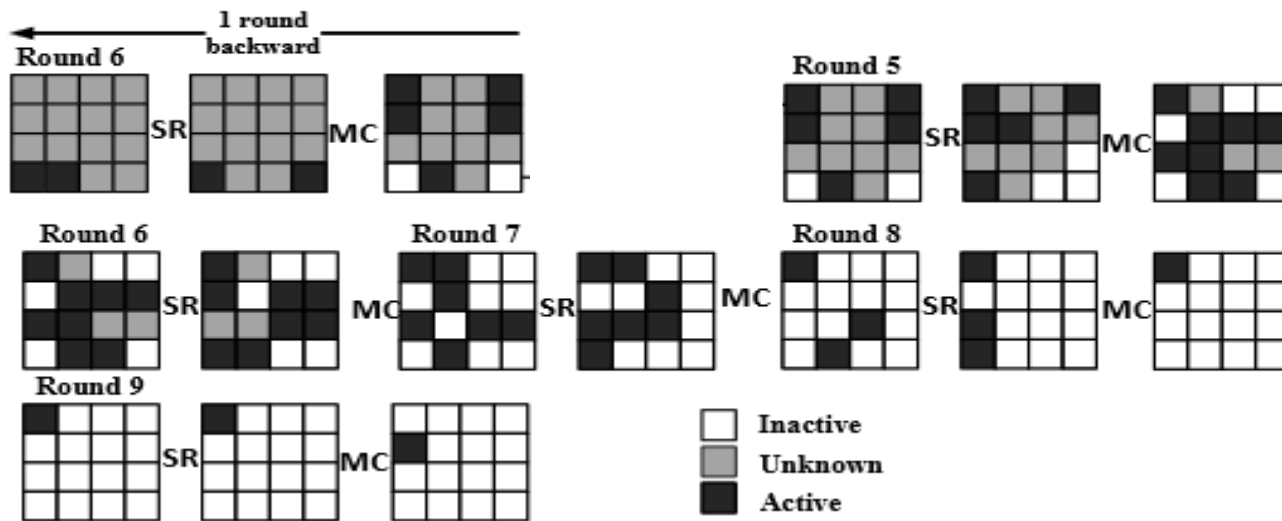
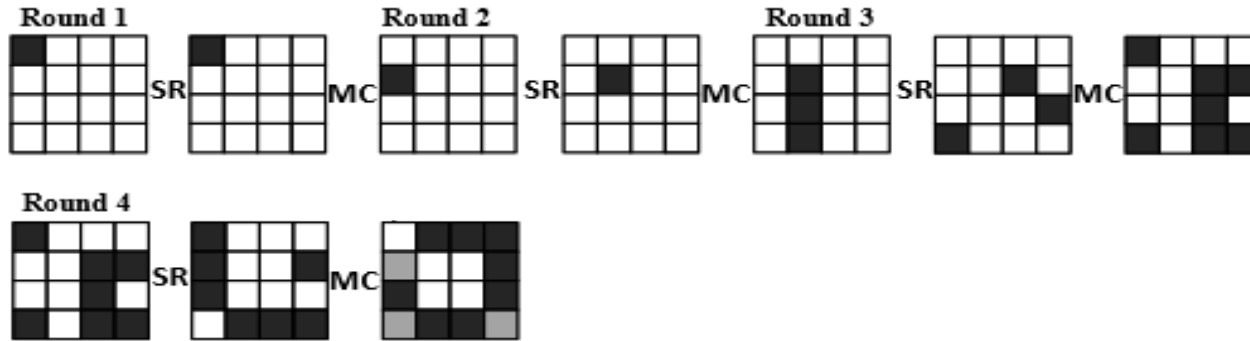
SKINNY

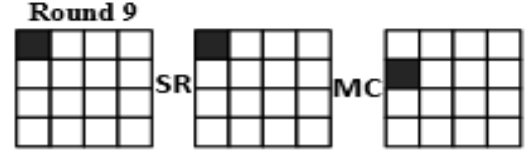
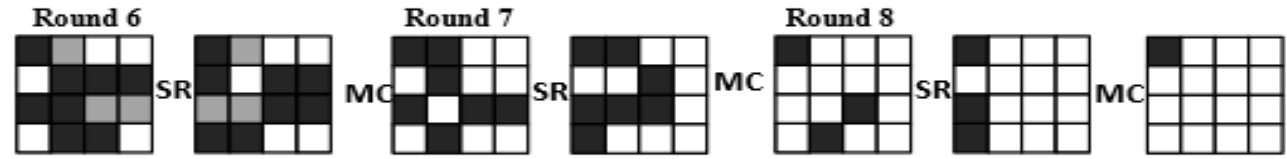
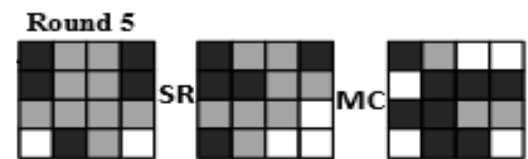
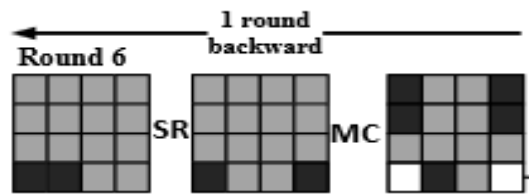
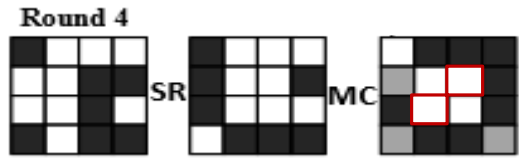
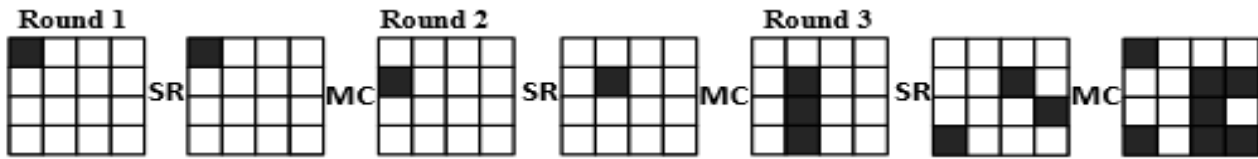
الگوریتم اسکینی



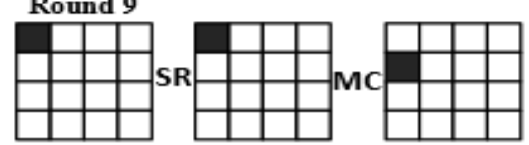
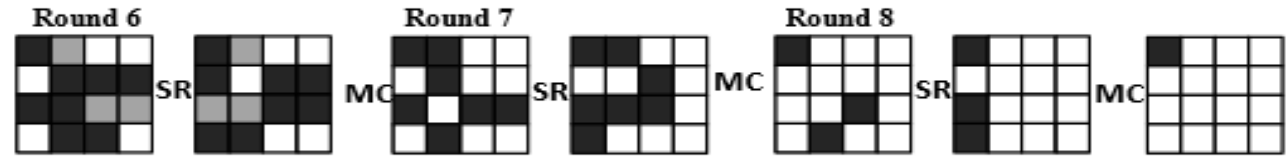
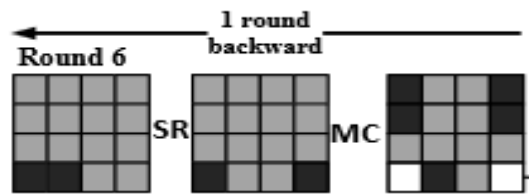
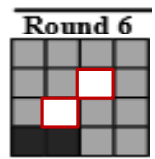
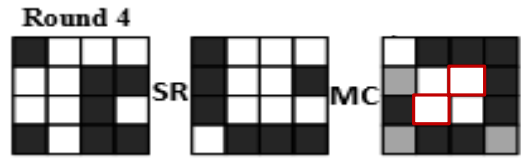
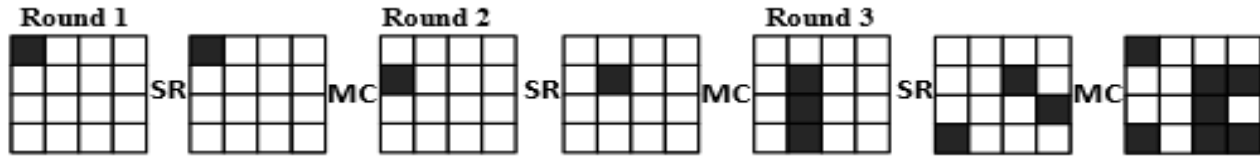




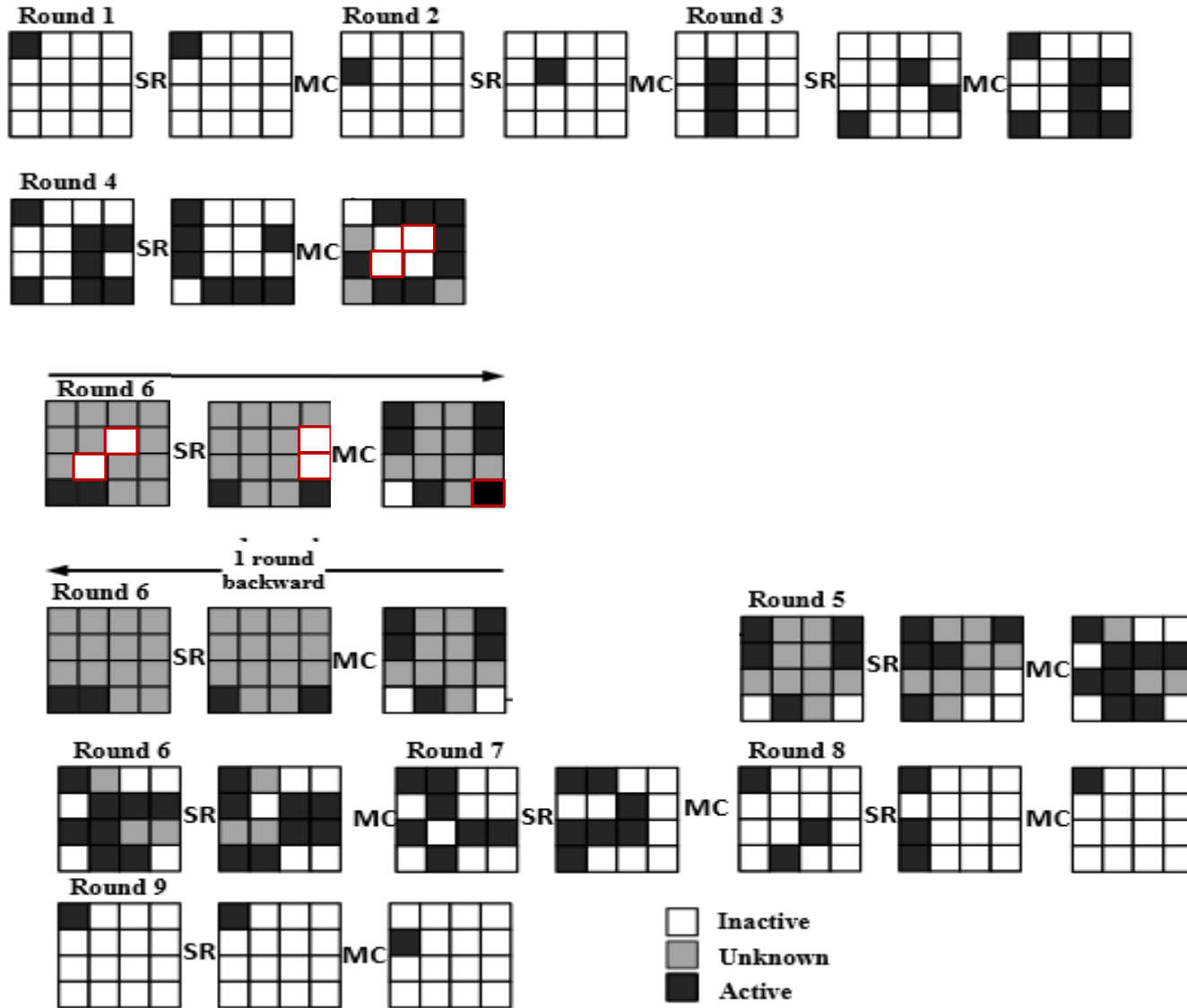


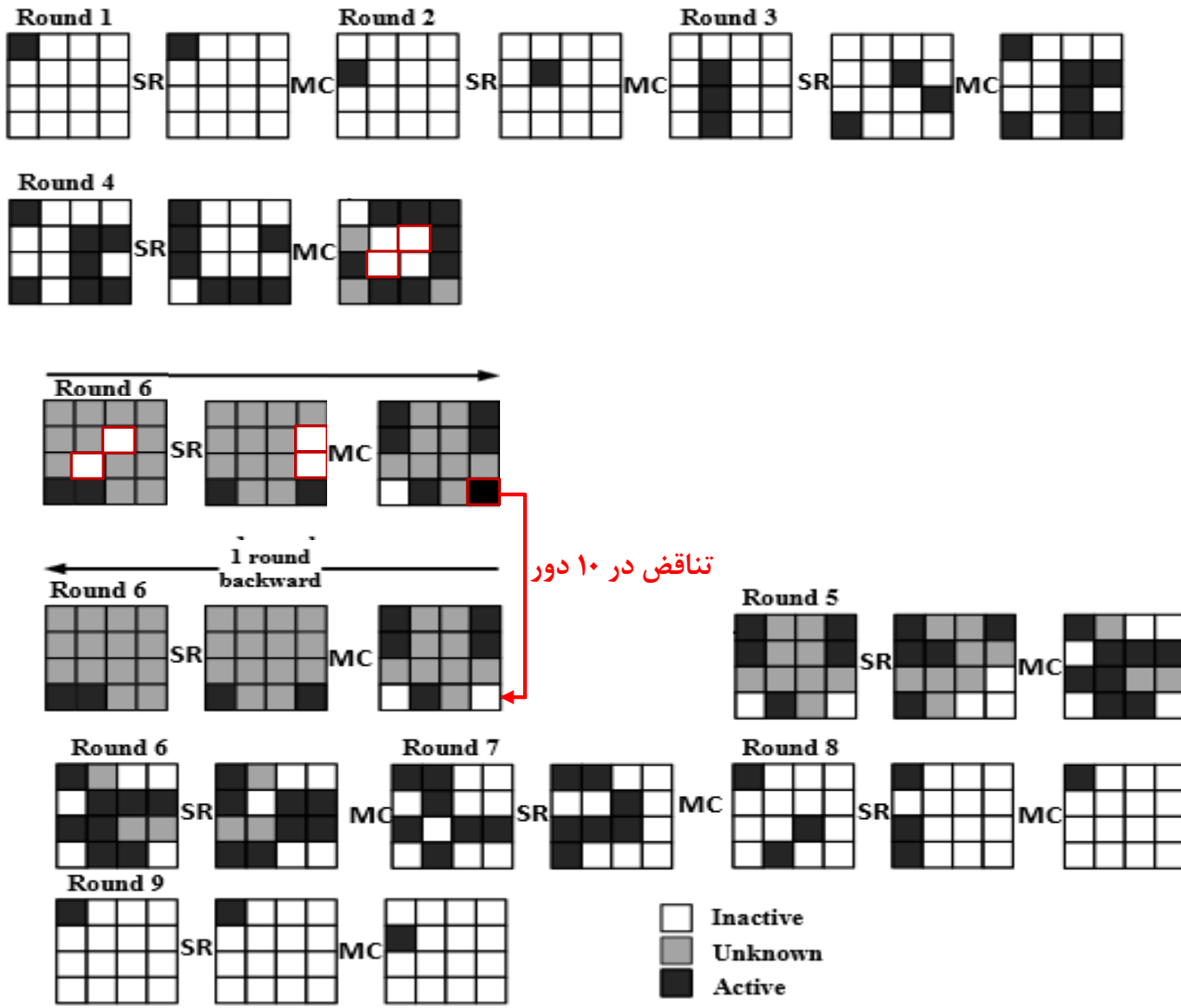


- Inactive
- Unknown
- Active



- Inactive
- Unknown
- Active





## روش ماتریسی



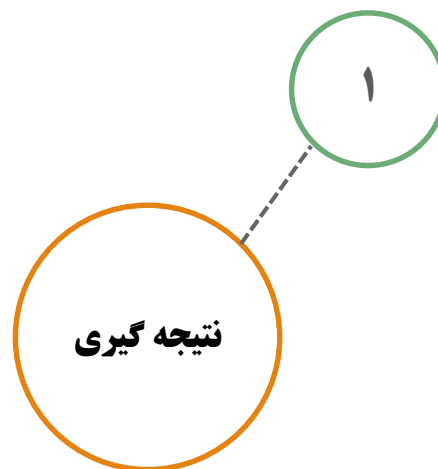
Soleimany Hadi, and Kaisa Nyberg,

Zero-correlation linear cryptanalysis of reduced-round LBlock.

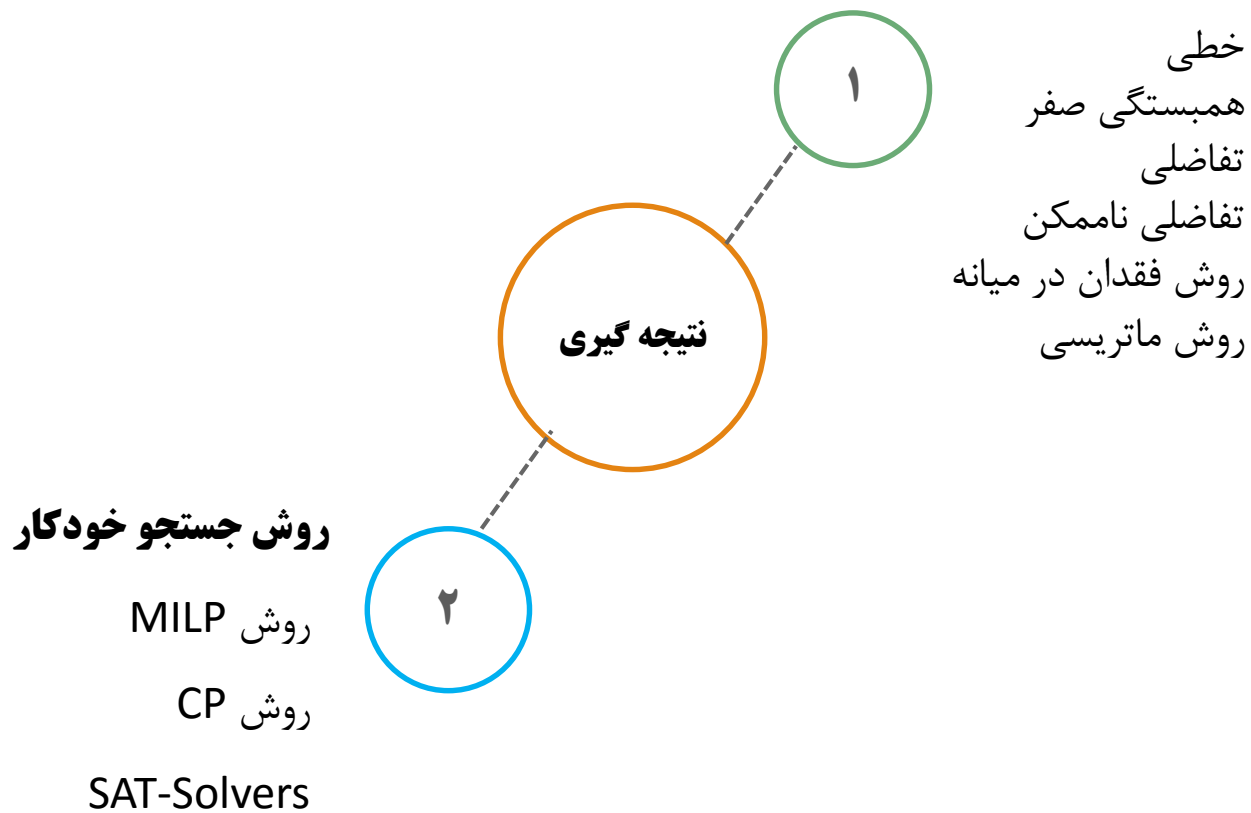
Designs, codes and cryptography, 2014. 73(2): p. 683-698

نتیجه گیری





خطی  
همبستگی صفر  
تفاضلی  
تفاضلی ناممکن  
روش فقدان در میانه  
روش ماتریسی



# باتشکر از حضورتان

